



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 49
------	---------

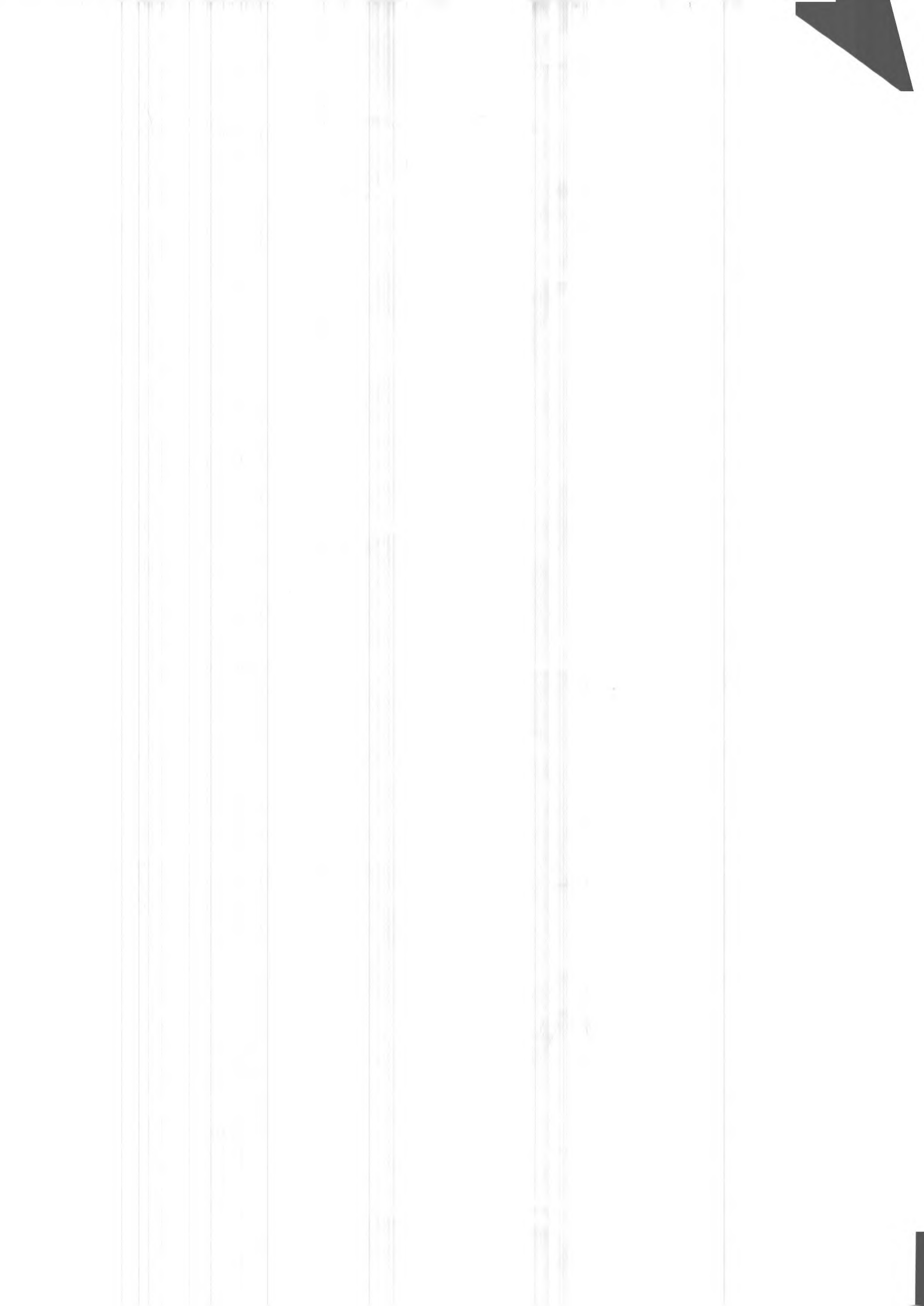


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

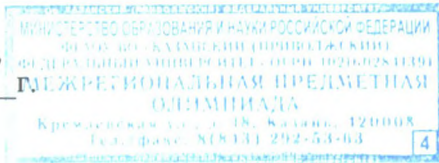
## Данные участника

ID номер участника

1200848



Дата "16" февраля 2026



Шифр М5-49  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	3	20	0	8											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

5-6й класс

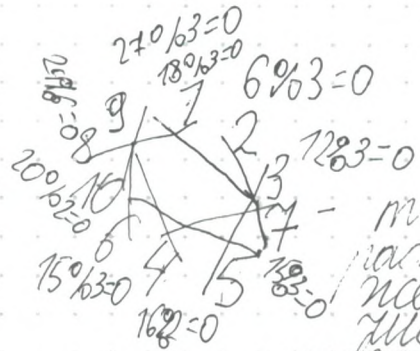
(класс участия)

1	2	3	4	5
20	3	20	0	8

Ответ: 1 2 3  
4 5 7

№1

1 2 3 4

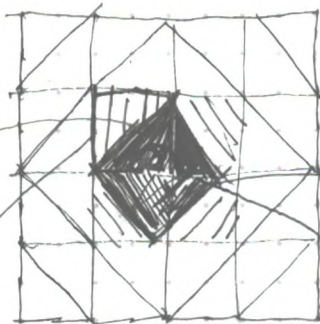


такое  
направо-  
исетье  
лучше  
соответствует  
умножить зага-  
ки

№3

Ответ: в независимости от и игры соперника  
можно выиграть Аня

Объяснение:



Если Аня  
сходила так,  
Ваня должен  
закрывать  
ближайший  
квадрат

Такой  
квадратик  
также  
может  
получиться

ход Ани



ход Вани

еей получился квадрат!

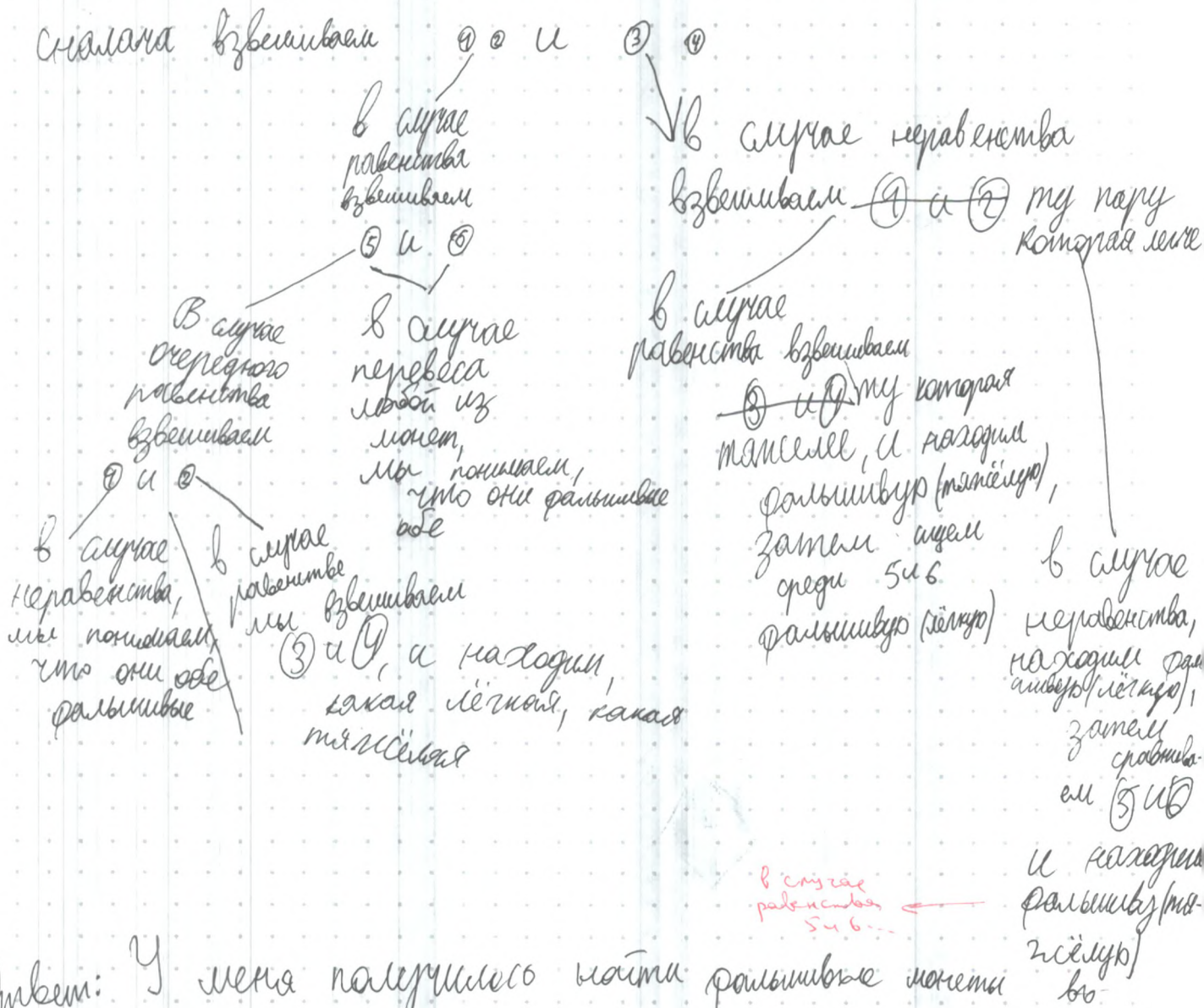
Аня может получить  
этот квадрат

№4

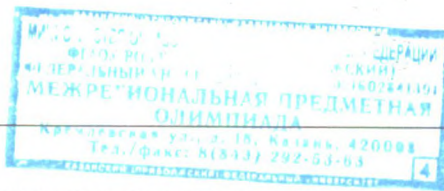
Ответ: нет, не может, т.к. каждая сторона квадрата должна равняться шести, но если подобрать любые монеты, остаются неровные фигуры, из которых нельзя составить данный квадрат, минимальное число оставшихся неиспользованных ~~и~~ прямоугольников равняется трём (3).

№5

Объяснение: для начала создадим монеты: 1, 2, 3, 5, 6



Ответ: У меня получилось найти фальшивые монеты во всех случаях



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

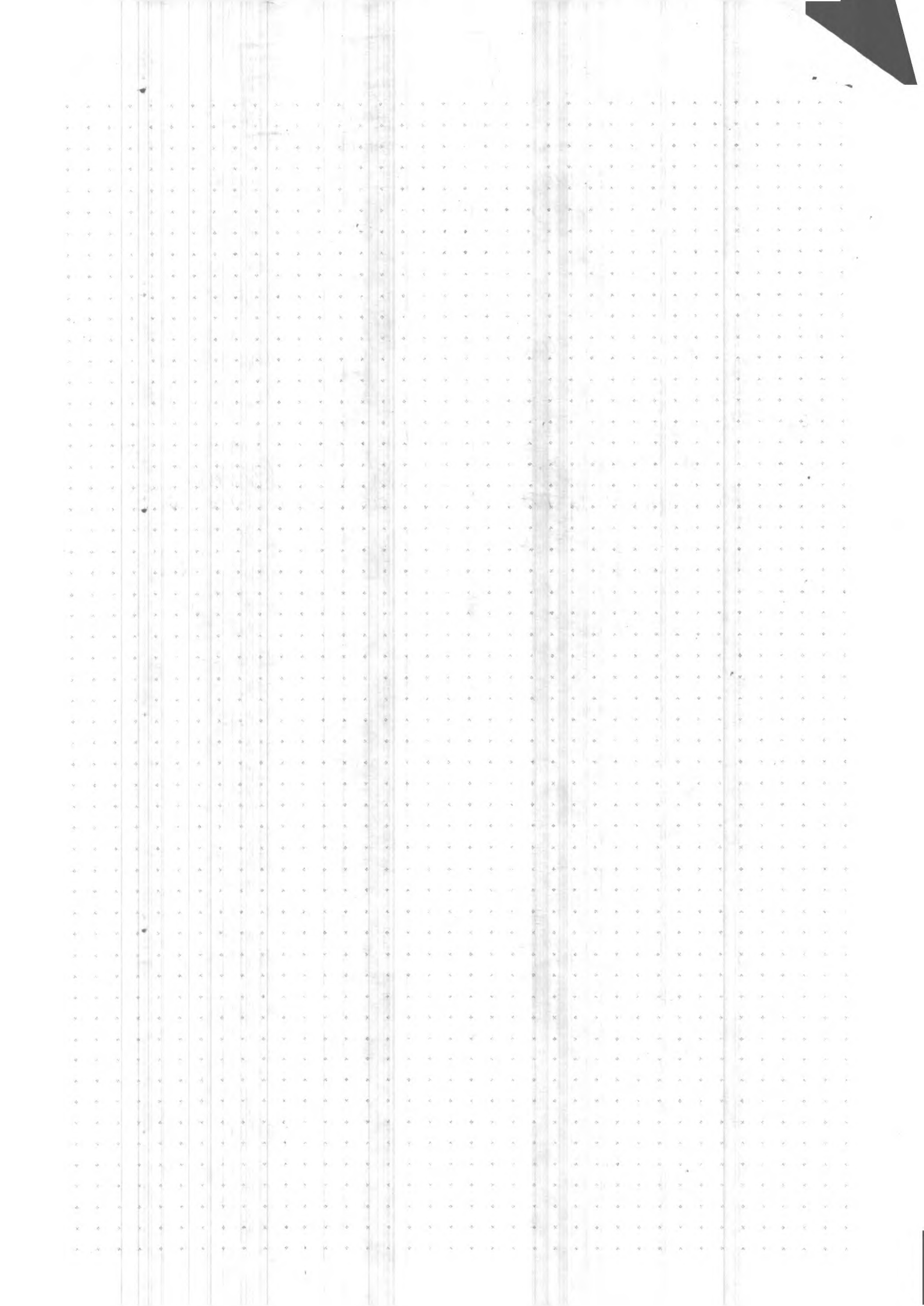
по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№2

Ответ: 72 участника было на олимпиаде.

Объяснение: Исходя из условий задачи, в моем ответе всё сходится. Все условия выполнены и найдено число  $x$ , которое обозначало общее кол-во детей, пришедших на олимпиаду.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 39
------	---------

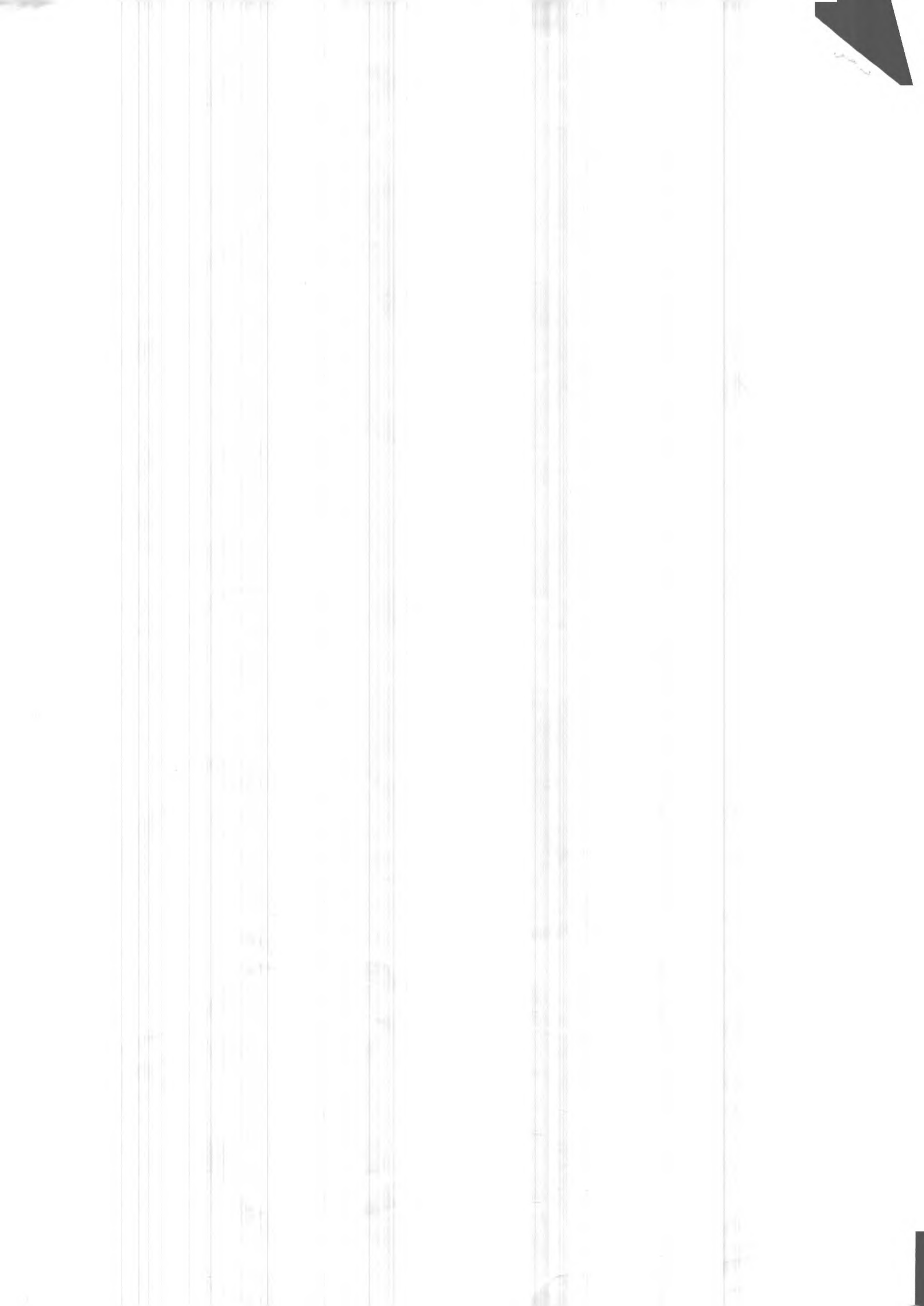
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

### Данные участника

ID номер участника

1202949



Дата "16" января 2026 г.

Шифр М5-39  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

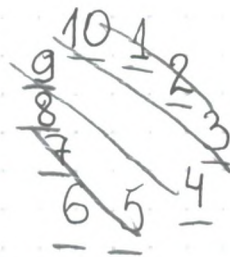
№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

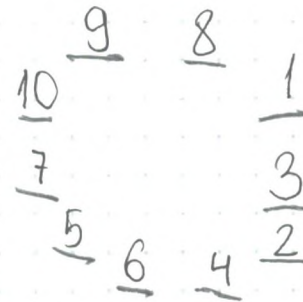
5 класс  
(класс участия)

1 | 2 | 3 | 4 | 5  
20 | 0 | 20 | 0 | 20

№1



№



№5

Делим шесть монет на две группы и взвешиваем,  
1. Если они равны то значит, что  $x$  и  $y$  в одной кучке.  
Затем берём по две монетки из каждой кучки, взвешиваем, если они равны, то мы взяли в одной из кучек  $x$  и  $y$ , а если не равны получается что в взвешиваем любую из взятых кучек по два если монетки в ней равны, то  $x$  и  $y$  в другой кучке из выбранных нами двух монеток, а если нет, то в этой кучке, Если ~~взятые~~ <sup>ки</sup> ~~наши~~ кучки по две монетки не равны, то в какой то из них  $y$  или  $x$

Берём ~~любую~~ кучку из двух монет  $x$  и взвешиваем  
в ней монетки ~~если~~ если они равны то ~~у~~  $y$   
в другой кучке тогда мы её взвешиваем и находим  
длин  $y$ , а  $x$  это та монетка которую мы не взяли.

2. Если кучки по ~~две~~ <sup>три</sup> монетки не равны то это  
значит что  $x$  и  $y$  в разных кучках. Из  
каждой кучки берём две монетки и взвешиваем  
их. Если они равны то оставшиеся монетки это  $x$   
и  $y$ , а если нет, то мы берём кучку ~~которая~~  
оказалась меньше по весу и взвешиваем в ней монетки  
если они равны то оставшаяся монетка это  $y$ , а  
если нет то  $y$  монетка меньшая по весу. Потом  
в случае если монетки в кучке меньшей по весу  
равны то в кучке ~~большой по весу~~ есть  $y$   
взвешиваем монетки из кучки большой по  
весу если они равны то  $y$  это оставшаяся  
монетка, а если нет то  $y$  это монетка  
которая весит больше чем, другое.

$x$  - самая лёгкая монетка.

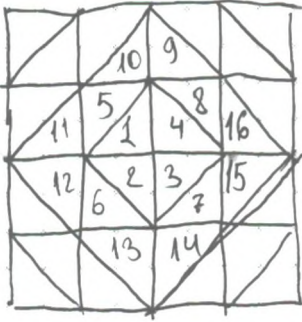
$y$  - самая тяжёлая монетка.

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№3



Девочка ходит первой:

С начала девочка должна закрасить треугольник под номером один и если мальчик не закрасит треугольник под номером 5 он проиграл. Затем она должна закрасить треугольник под номером 4 он проигрывает если не закрасит треугольник под номером 8. Затем она должна закрасить треугольник под номером 3 он должен закрасить треугольник под номером 7 и девочка побеждает закрасив треугольник под номером 2.

Мальчик ходит ~~то~~ первым:

Он может победить так-же как девочка.

№4

6×6

5×5 5×6

4×4 4×5 4×6

3×3 3×4 3×5 3×6

2×2 2×3 2×4 2×5 2×6

1×1 1×2 1×3 1×4 1×5 1×6

площадь = 250

$$S = 6 \times 6 = 36$$

Максимальное количество квадратов  $250 : 36 = 6$ . (ост. <sup>34</sup>)

Получается что осталось одна или несколько фигур с площадью 34, ~~но таких~~

Значит то что не могла остаться <sup>одна</sup> фигура с площадью 34, так как таких фигур там нет.



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 21
------	---------

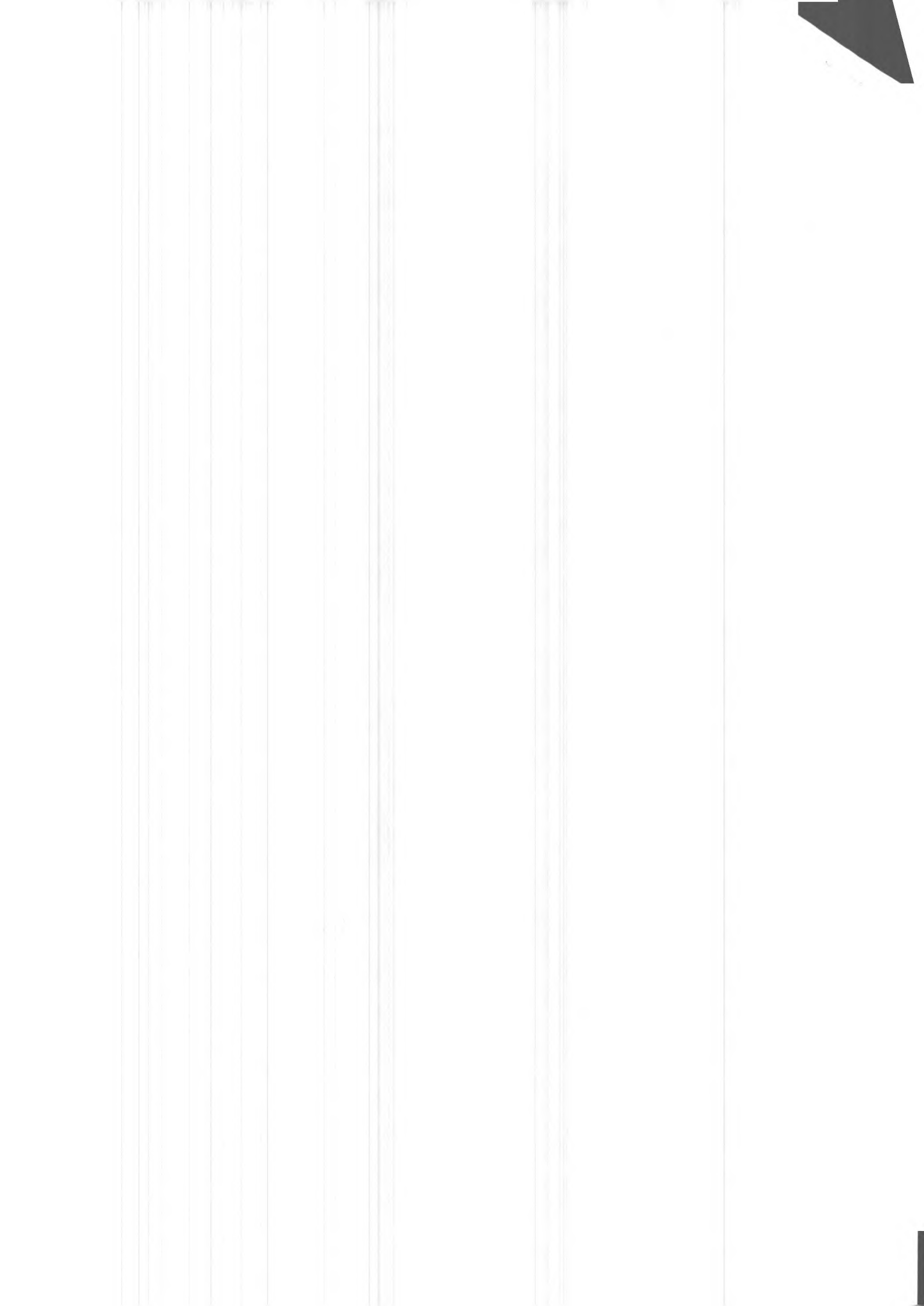


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1199480



Дата "16" января 2026 г.

Шифр М5-21  
(заполняется оргкомитетом)



Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	10	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика

(профиль олимпиады)

5 класс

(класс участия)

1

Ответ:

1 | 2 | 3 | 4 | 5  
20 | 0 | 10 | 0 | 20

1 2 3 5 4  
9 10 4 8 6

Все суммы = 6, 10, 12, 15, 18, 21, 25, 26, 20, 12. - все эти числа сост.  
6, 10, 12, 18, 26, 20, 12 : 2  
21, 15 : 3  
25 : 5

2. 1) 56 уч - м -

2) 40 уч - р +

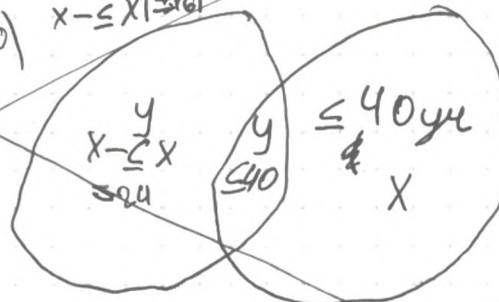
3) уч - р - = р + м - |  $\geq 16 \leq 40$   $\leq 24$

4) уч - м + : 2 - р - (y)

5) уч - м + : 2 - р + (y)

56 - 40  $\Rightarrow$  16 (уч.) - которые ничем не взяли

$x - \leq x \leq 16$

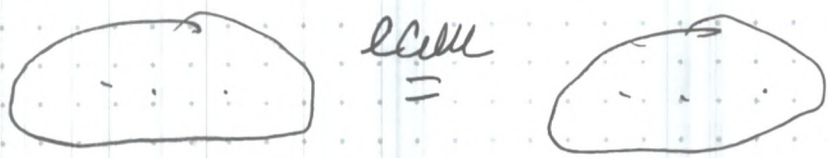


$y = \leq 40$  и  $\geq 16$  (3) м.)

$\geq 16$  уч.

5.

1.)



значит 2 ф в одной ручке или дерев 2 и.  
 из одной и ср. если = там все и. и др  
 из нее 2 и. и ср с другой ручкой если  
 = значит там 2 ф и мы <sup>(2 и.)</sup> сравниваем их  
 между собой если > или < значит там  
 > (нест.) в ней 1 и, если < значит 1 и  
 сравниваем их с наст. и понимаем  
 левая правая или точная а ост. ф  
 ф. ручки будет 2 ф точная. если  
 > или < то вторая ручка наст и мы  
 повторяем тоже самое. +

$$\text{Если } > \text{ или } < (1 \text{ ф.})$$


Значит в т - т, в левой - л, мы делаем  
 по 2 из каждой и ср. если = значит все 4  
 наст и мы ср и ср, если > или < то мы сравниваем  
 монеты из ручки между собой (если в т  
 ф значит там т, если в л с значит там  
 л) если где то = то все монеты из 1 ф  
 2-ая ф.


4. сумма масс. всех деталей = 255  
 $255 : 36(6 \cdot 8) = 7 \text{ (ост. } 3)$  3-1-масса,  
 сложим лари

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,  
 вариант \_\_\_\_\_

36, 30 и 6, 24 и 12, 18 и 18, 12 и 24, 6 и 30,  
 ост.  $14 + 8 + 16 + 5 = 33$ .  $36 - 33 = 3$

3. Если Аня - 1, то она выигрывает (  )

Ваня должен закрыть половину, но тогда (  ) если не закрыть, то у Ани будет 16 и 1 на 1, Если Ваня - 1, тогда он закр. 1 из клеток этого квадрата и дальше не будет давать сделать 1 на 1, а т.к др. 16 больше нет то Аня проигрывает (который может при условии закр. 2 половин.)

2.

$56 - 40 = 16$  детей, которые ничего не взяли.  
 Тогда у нас 40 детей, которые взяли только тетради ( $56 - 16 = 40$ ), и по условию 40 детей которые взяли ручки.  
 тогда  $16 + 40 + 40 = 96$  учеников - было на олимпиаде.

*[Faint, illegible handwritten text on a grid background]*



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



алабуга

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

M5 - 16

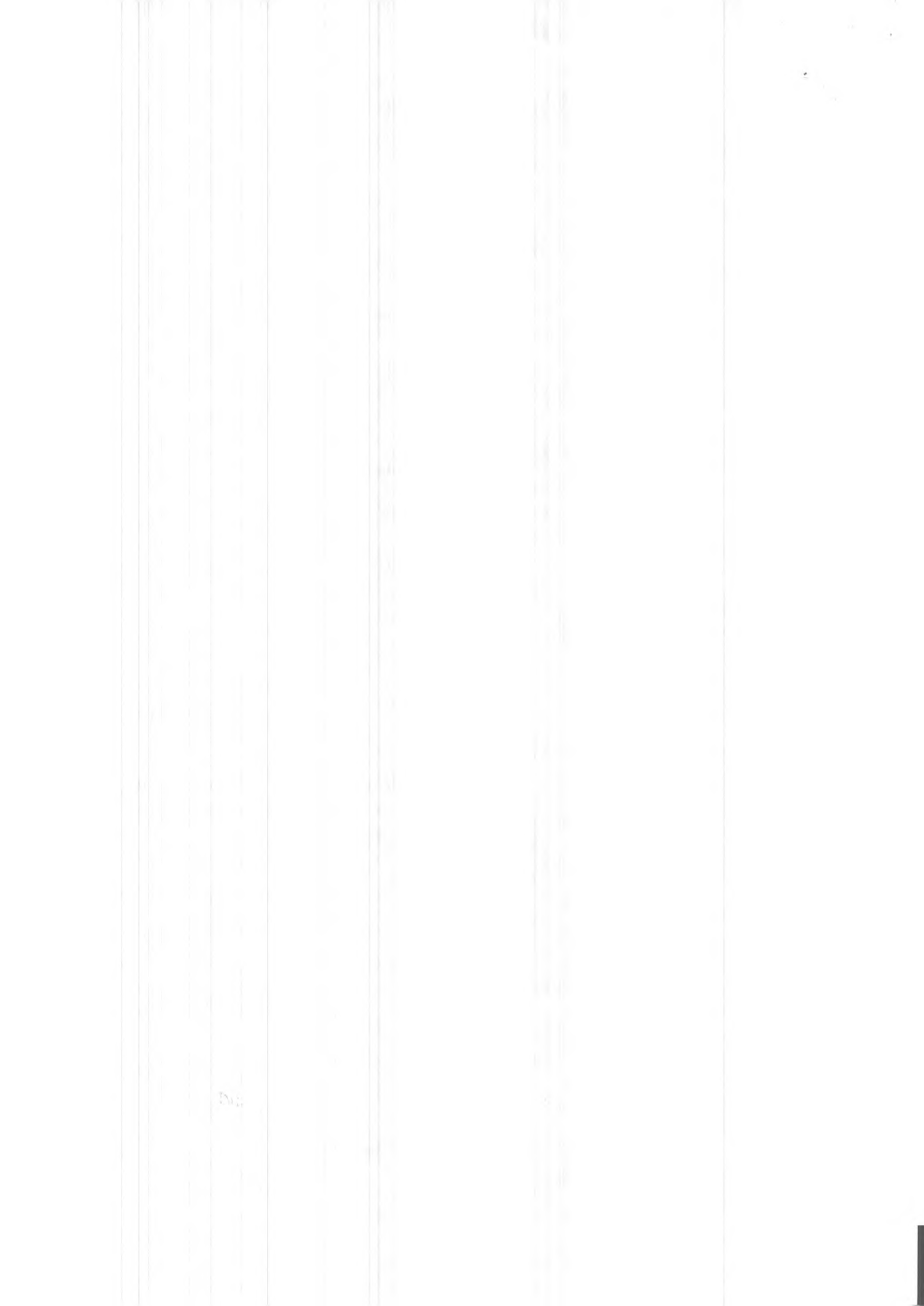


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1200080



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-16  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

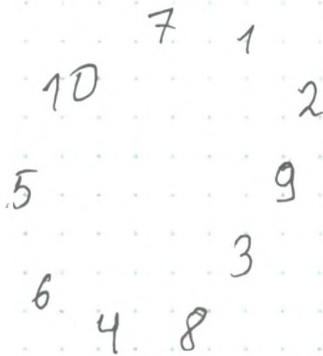
(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	-	20	0	10											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)


№1



№3 Ответ можно, если квадрат = ромб

Так должна ходить фигура, чтобы получился ромб (квадрат):



Почему получится?  
Ваня будет вынужден делать так,  
чтобы не получился весь квадрат 1x1 синий (  )

№4. Всего в наборе 21 прямоугольничок ( $1 \times 1 - 1 \times 6$ ,  $2 \times 2 - 2 \times 6$ ,  $3 \times 3 - 3 \times 6$  и т.д. до  $6 \times 6$ ).  $6 \times 6$  уже образует  $6 \times 6$ , как бы гениально это не звучало.

Сумма клеток в пря-хоек всего — 220,  $220:36$  (это квадрат  $6 \times 6$ ) = 6, ост. 4, т.е. прямоугольник которого остался должен содержать ровно 4 клетки, это фигуры  $2 \times 2$  и  $1 \times 4$ . Разовьем их обязательно.

Рассмотрим случаи, когда запарчено ровно 2/6 квадрата по диаг. Это  $5 \times 2$  и  $1 \times 2$  и  $2 \times 4$  и  $2 \times 2$ . Они обязательно будут парой, т.е. образуют «симметричные» прямоугольнички. Если прямоугольнички  $2 \times 6$  поставить с краю, то там же есть варианты  $4 \times 6$ :  $4 \times 6$  или  $4 \times 5$  и  $4 \times 1$  или  $1 \times 6$  и  $3 \times 6$  или  $3 \times 5$  и  $1 \times 5$  и  $1 \times 4$ . (вар. 1)

Если  $2 \times 6$  поставить ± «по середине», то варианты будут:  $1 \times 6$  и  $3 \times 6$ ,  $2 \times 6$  и  $2 \times 4$  и  $2 \times 2$ ,  $2 \times 6$  и  $2 \times 5$  и  $2 \times 1$ . (вар. 2)

Рассмотрим 1 вариант.  $4 \times 5$  и  $4 \times 1$  и  $5 \times 5$  и  $1 \times 5$  и  $1 \times 4$  не подходят. Тогда у нас, выходя 2 вар., 4 варианта наборов. Соответственно,  $1 \times 4$  — единственная обязательная деталь..... (разумно ли?)

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
 по « математике », 5 класс,  
 вариант \_\_\_\_\_

№3

Если =

1.  $\underbrace{1000} = \underbrace{000}$   
любая  
000  
123
2.  $\underbrace{0} < \underbrace{0}$   
1 2
3.  $\underbrace{0} < \underbrace{0}$   
2 3
4.  $\underbrace{0} < \underbrace{0}$   
1 3

Если 2. =

2.  $\underbrace{0} = \underbrace{0}$   
другая  
000  
156
- $\underbrace{0} \quad \underbrace{0}$   
4 5
- $\underbrace{0} \quad \underbrace{0}$   
4 6

Если ≠

1.  $\underbrace{1000} < \underbrace{000}$  для разл.  
190(-12) 190(+12)
2.  $\underbrace{000} \quad \underbrace{0} \quad \underbrace{0}$  если =,  
123 тогда 3-гранов.
3.  $\underbrace{000} \quad \underbrace{0} \quad \underbrace{0}$  если =,  
456 тогда 6-гранов.
4. Взвесить гранов.

1

2

3

$$\begin{aligned}
 & \frac{1}{x^2} = x^{-2} \\
 & \frac{d}{dx} x^{-2} = -2x^{-3} \\
 & = -2x^{-3} \\
 & = -\frac{2}{x^3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \frac{d}{dx} \frac{1}{x^3} = \frac{d}{dx} x^{-3} \\
 & = -3x^{-4} \\
 & = -\frac{3}{x^4}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \frac{d}{dx} \frac{1}{x^4} = \frac{d}{dx} x^{-4} \\
 & = -4x^{-5} \\
 & = -\frac{4}{x^5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \frac{d}{dx} \frac{1}{x^5} = \frac{d}{dx} x^{-5} \\
 & = -5x^{-6} \\
 & = -\frac{5}{x^6}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \frac{d}{dx} \frac{1}{x^6} = \frac{d}{dx} x^{-6} \\
 & = -6x^{-7} \\
 & = -\frac{6}{x^7}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \frac{d}{dx} \frac{1}{x^7} = \frac{d}{dx} x^{-7} \\
 & = -7x^{-8} \\
 & = -\frac{7}{x^8}
 \end{aligned}$$



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 13

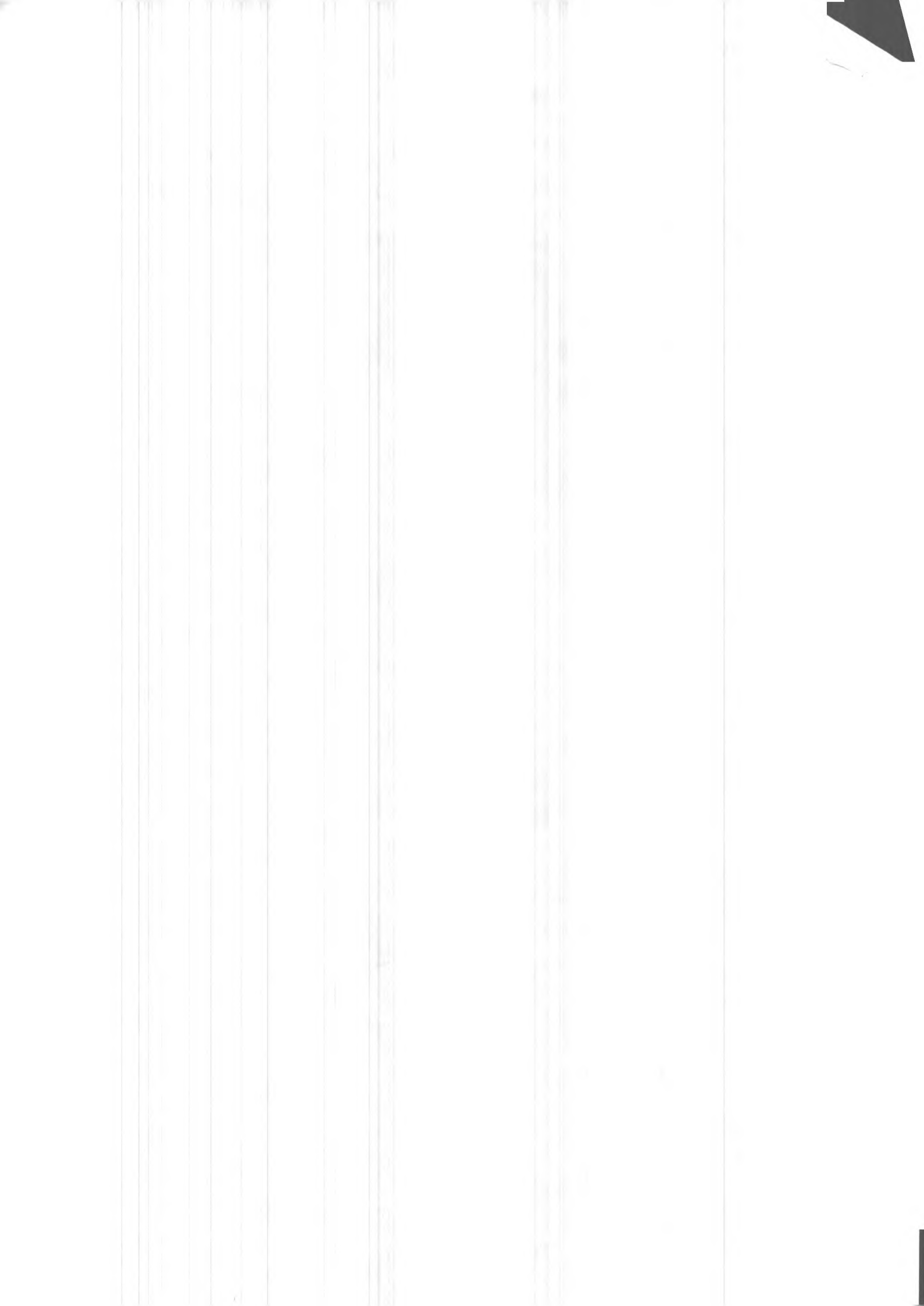


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

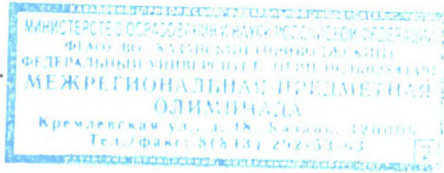
## Данные участника

ID номер участника

1272594



Дата "16" Июля 2026 г.



Шифр M5-13  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	10	0											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	↓
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

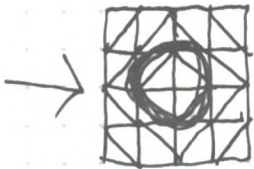
5 класс

(класс участия)

Задача №3

Аня может выиграть в этой игре: самый маленький квадрат который есть на игровом поле состоит из 2 треугольничков, а значит равен на 2 хода. Чтобы Аня не выиграла Ване нужно блокировать её ход своим и закрасившим вторую половину квадрата.

Если Аня будет ~~пытаться~~ закрасить только маленький квадрат то она не сможет выиграть. Но есть 2 квадрат - предпоследний по величине - он находится в самом центре (я обвел его)



Аня может попытаться его закрасить. Квадрат который ей нужно закрасить находится в чуть большем квадрате, который

состоит из 4 маленьких квадратов. В каждом своем ходе она будет закрасивать 1 половину маленького квадрата, а квадрат который ей надо закрасить состоит из 4 таких

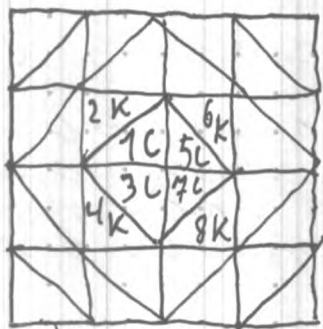
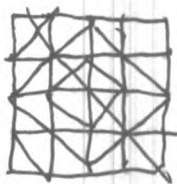
↓

половинку. Тогда она сможет закрасить  
 центральный квадрат за 4 хода, и Вам  
 не сможет ей помешать, ему нужно  
 будет закрасивать 2 половинку  
 маленьких квадратов, чтобы Аня не  
 смогла закрасить <sup>центр</sup> центральный квадрат.

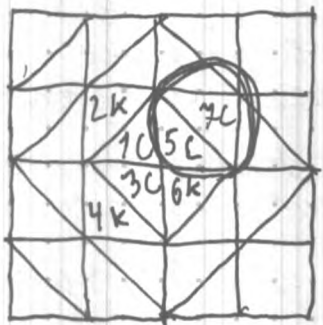
Если Ваня поймет, что Аня хочет  
 закрасить центральный квадрат и попы-  
 тается закрасить одну из его частей, то  
 вместо того чтобы заблокировать Анин  
 ход, то Аня сможет просто закрасить  
 2 половинку маленького квадрата и  
 все равно выиграет:

Ответ: Аня выигрывает в любом случае,  
 как бы не играл Ваня. Пример ходов.

~~Ваня~~ (размер  $4 \times 2$ )



— Самый ход в центре  
 Аня выиграла.



— Допустим Ваня догадается  
 про квадрат в центре и попытает-  
 ся помешать ей 6 ходов.

Аня 4 ходами закрасила  
 2 половинку обведенного квадрата  
 и 8 ходов выиграла.

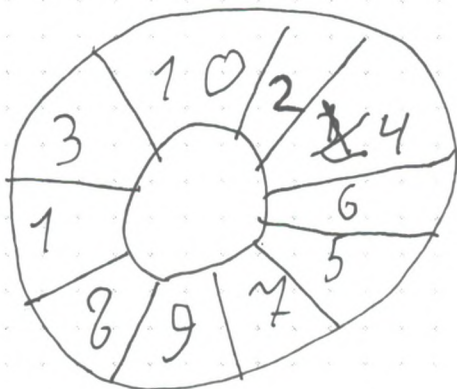


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « Математика », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

✓ 1



+

$$\begin{aligned}
 3 + 10 + 2 &= 15 \quad (15 : 3 = 5) \\
 10 + 2 + 4 &= 16 \quad (16 : 4 = 4) \\
 2 + 4 + 6 &= 12 \quad (12 : 4 = 3) \\
 4 + 6 + 5 &= 15 \quad (15 : 3 = 5) \\
 6 + 5 + 7 &= 18 \quad (18 : 3 = 6) \\
 5 + 7 + 9 &= 21 \quad (21 : 7 = 3) \\
 7 + 9 + 8 &= 24 \quad (24 : 3 = 8) \\
 9 + 8 + 1 &= 18 \quad (18 : 3 = 6) \\
 8 + 1 + 3 &= 12 \quad (12 : 4 = 3) \\
 1 + 3 + 10 &= 14 \quad (14 : 7 = 2)
 \end{aligned}$$

✓ 2

Пусть  $x$  - всего детей

$x - 40$  - нет ручки

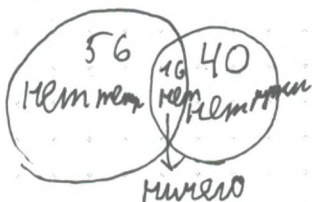
$x - 40$  - нет тетради, есть ручка

$56$  - нет тетради

$x - 56$  - есть тетрадь

$x$  - всего детей.

$56 - 40 = 16$  (г.) - нет ни тетради, - нет ручки



$56 - 16 = 40$  (г.) - есть ручки, нет монет

~~$40 - 16 = 24$  (г.) - есть монеты, нет ручек~~

у 40 детей есть ручки

у 40 детей нет ручек

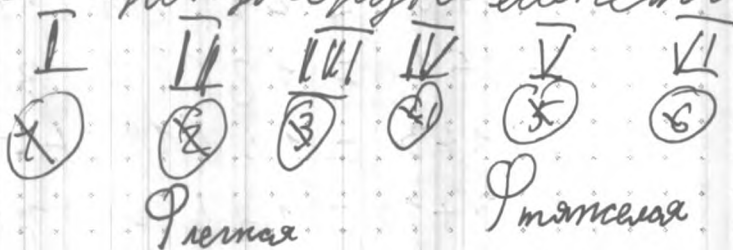
$40 + 40 = 80$  (дет.) - всего

Ответ: 80 детей

и 5.

Если обе монеты на весах равны  
то я откладываю их в сторону  
и можно знать что они настоящие.

Я пронумерую монеты от 1 до 6



допустил, что монета II фальшивая  
легкая, а монета ~~IV~~ V фальшивая  
тяжелая.

1. Взвешиваем я равных монет  
I и II - монета I оказалась тяжелее -  
значит фальшивыми могут они быть  
обе. Проверю это ~~бу~~ взвешиваем  
монеты II и III - монета II оказалась  
легче опять. Монета которая тяжелее  
обычной монет быть только 1 - значит  
монета II фальшивая.

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
 по «Математике», 5 класс,

Продолжаю взвешивать монеты. Сравню монеты III и IV - монеты оказались равны значит они настоящие. Если уж точно знаю что монета 4 точно настоящая, то я могу сравнить её с другими монетами.  
 и взвешивание: сравню монеты IV и V.  
 монета V оказалась тяжелее значит она фальшивая поскольку осталась только 1 фальшивая монета.

и 4

Всего в наборе монет быть максимум 21 деталь.

Всего все детали займуют 266 клеток

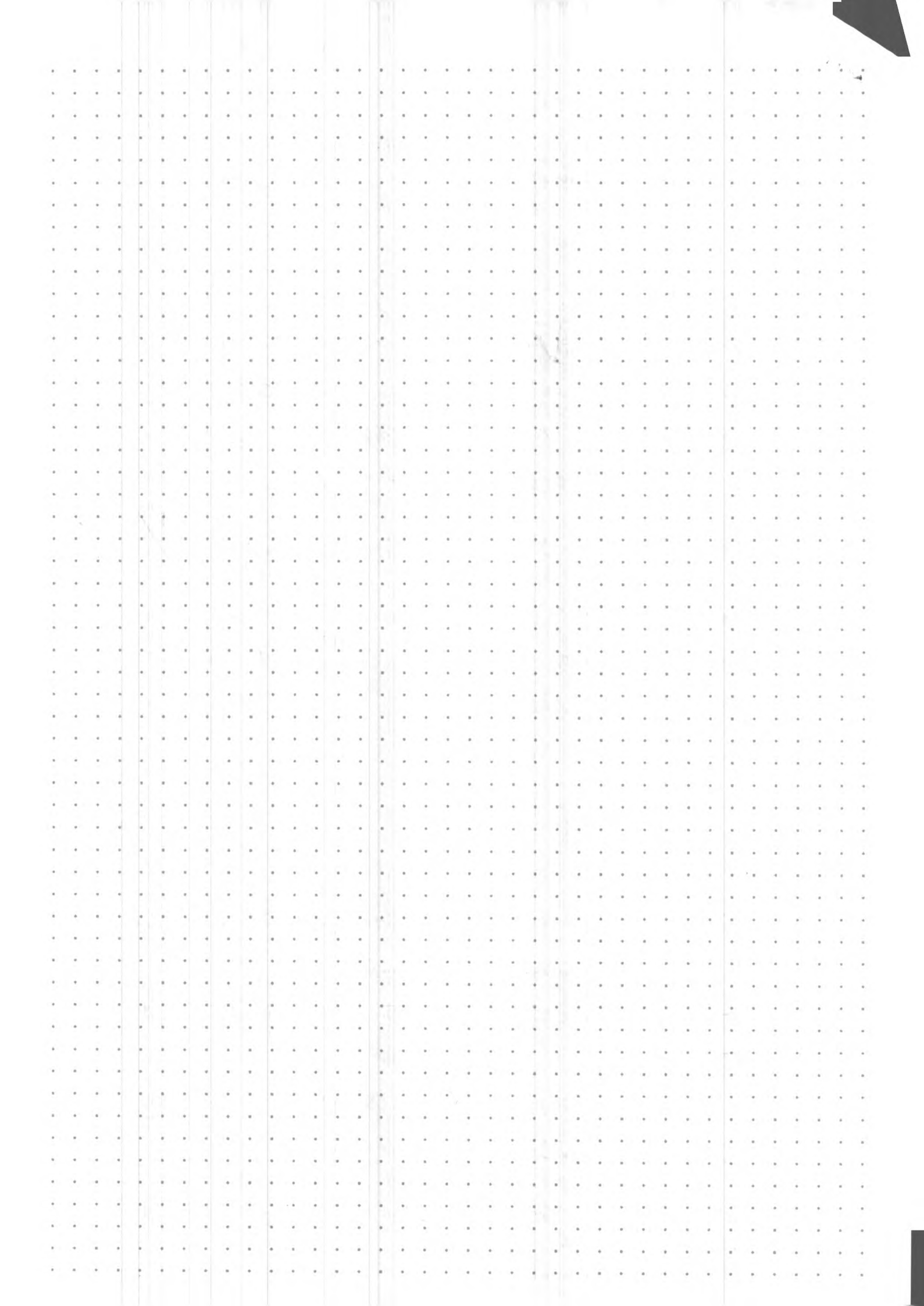
$$266 : 6 = 44 \text{ (ост. 2)} - 2 > 1$$

Ответ: может быть только то, что останется

$$266 : (6 \cdot 6) = 266 : 36 = 7 \text{ (квадратов)} - \text{можно составить}$$

{14. ост} - деталей останется

Ответ: такое что останется только ровно 1 деталь быть не может.  $14 > 1$ .





# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 12

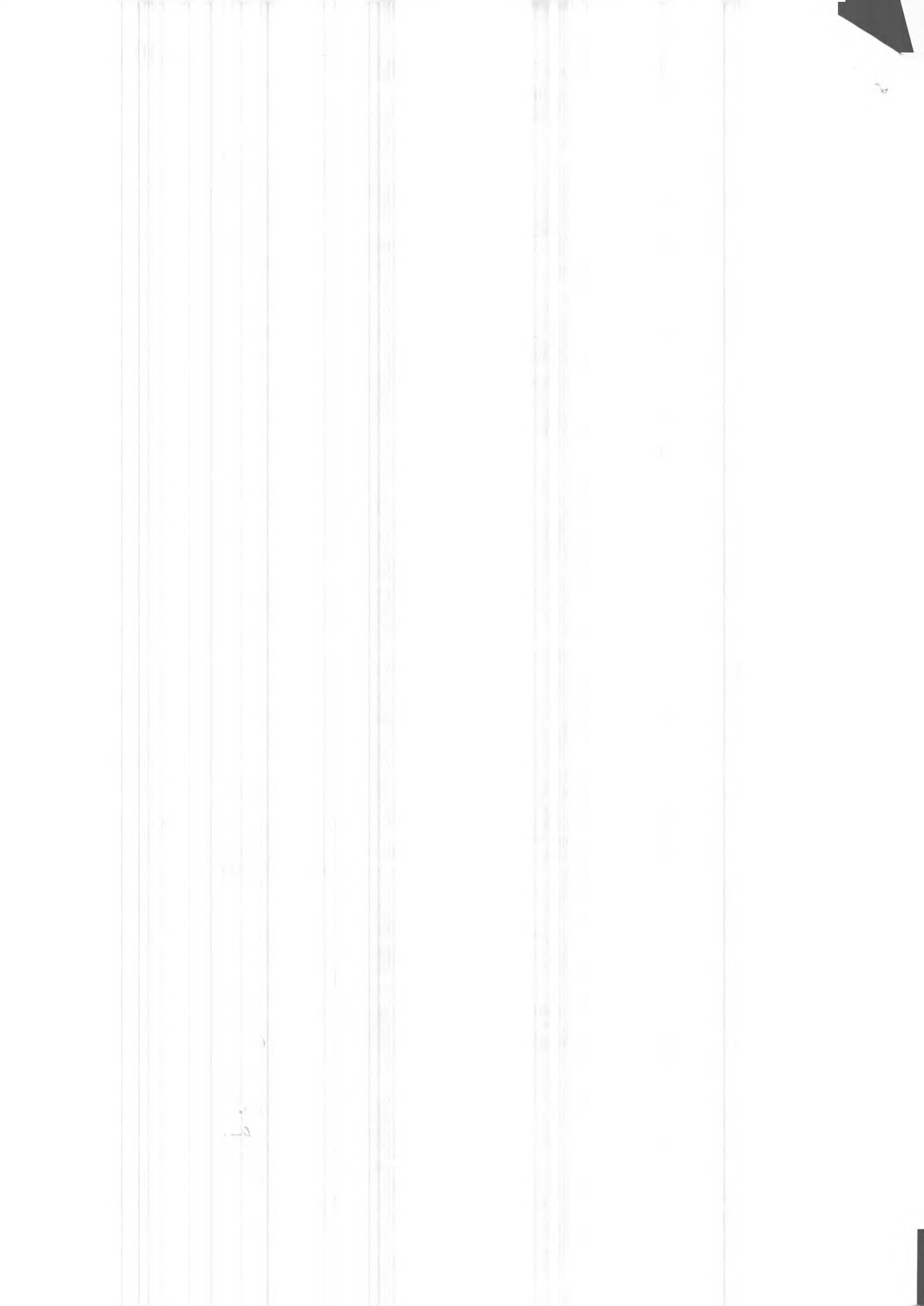


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

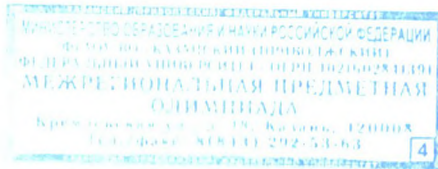
## Данные участника

ID номер участника

1282098



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-12  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	18	20	20	—											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	71
Балл																

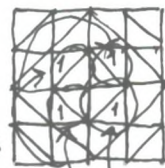
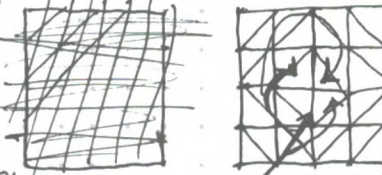
математика  
(профиль олимпиады)

5-ый класс  
(класс участия)

№1  

$$\begin{array}{r} 1000 \\ + 987 \\ \hline 1987 \end{array}$$

№3 Ответ: Аня  
 Если Аня ходит первой,  
 Выиграет Аня потому что она может  
 красить вот эти 4 центральные  
 треугольника подряд и тогда Ваня обязательно  
 должен будет закрасивать  
 треугольники под номером  
 1 тобы Аня не сделала квадрат  
 1x1 вот тут). Если Ва-



№4  
 Если подсчитать всю  
 сумму клеток образу -  
 щих детали:

$$\begin{aligned}
 &1 \times 1 + 1 \times 2 + 1 \times 3 + 1 \times 4 + 1 \times 5 + 1 \times 6 \\
 &2 \times 2 + 2 \times 3 + 2 \times 4 + 2 \times 5 + 2 \times 6 \\
 &3 \times 3 + 3 \times 4 + 3 \times 5 + 3 \times 6 \\
 &4 \times 4 + 4 \times 5 + 4 \times 6 \\
 &5 \times 5 + 5 \times 6 \\
 &6 \times 6
 \end{aligned}$$

$$21 + 40 + 54 + 60 + 55 + 36 = 266$$

Если он составил квадрат 6x6 то общее кол-во клеток

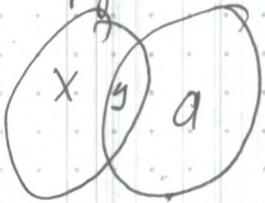
должно быть кратно  $36 = 6 \times 6$ .

$$266 : 36 = 7 \text{ (ост. } 14)$$

и если у него осталась 1 деталь то ост. при делении на 36 должен быть равен ей  $\$$  количеству. Но ~~при делении~~ ~~14 с которыми мож~~ у 14 нет 2 делителей меньших 4 которые в произведение дают 14. Значит невозможно.

Ответ: невозможно.

№2 рич. метр:



b - ничего не купили.

$$b + x = 56 \quad (1)$$

$$x + y = 40 \quad (2)$$

$$b + y = (56 - 40) \quad (1) - (2)$$

$$a + b = x \quad (3)$$

$$(y + a) : 2 = a$$

$$y = a \quad (4)$$

$$2b + a = 56 \quad (1) \cdot (3)$$

$$2y + 32 + y = 24 \quad 56$$

$$y = 8$$

$$a = 8$$

$$4a - 8 = 32$$

$$56 - 32 = 24$$

$$8 + 8 + 32 + 24 = 72$$

Отв: 72 человека.

№5



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 86
------	---------



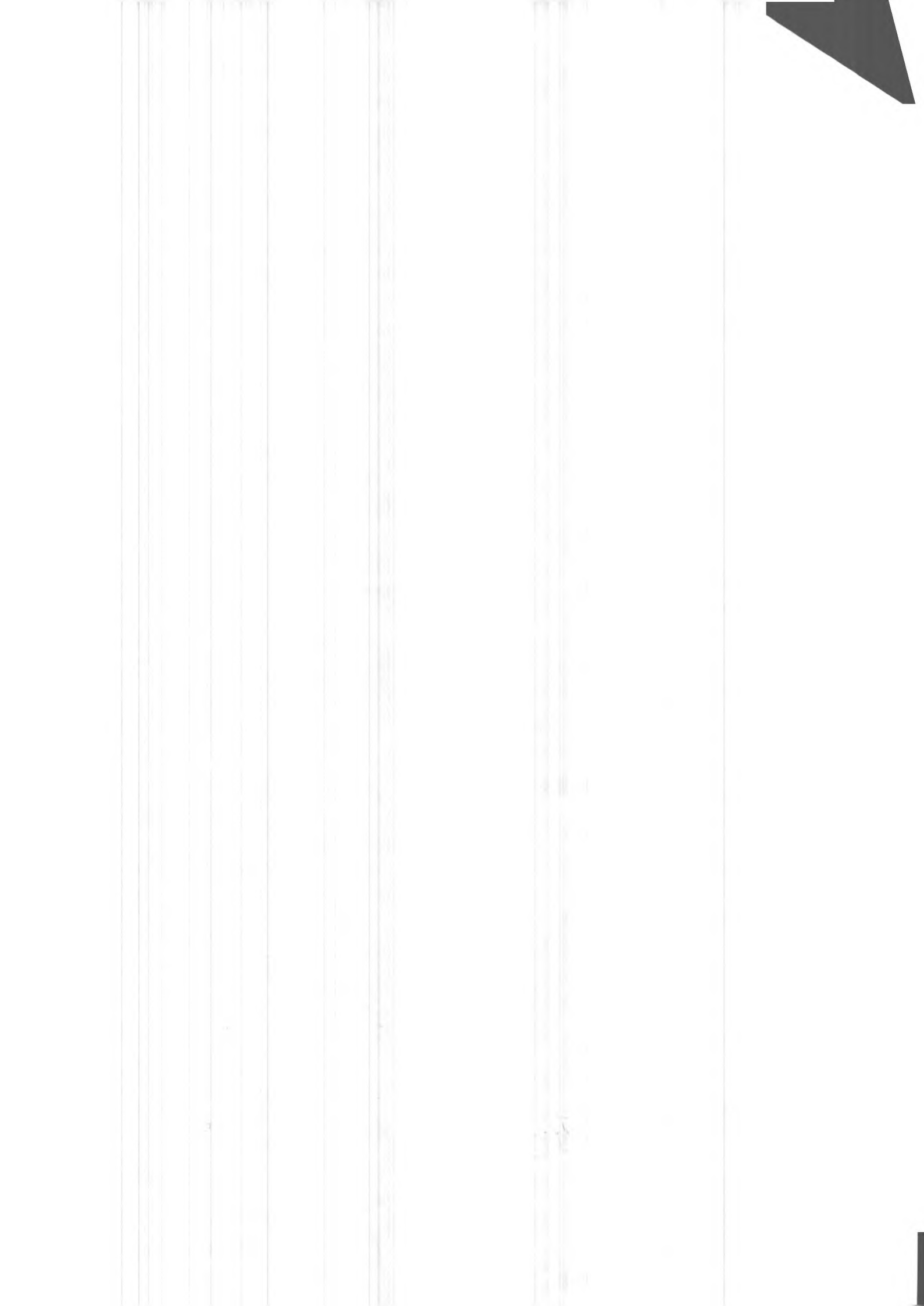
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

## Данные участника

ID номер участника

1261247



Дата "16" января 20 26 г.

Шифр М5-86  
(заполняется оргкомитетом)



**Оценка работы**

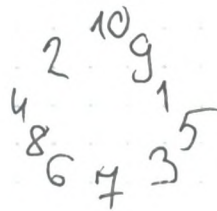
(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

№ 1.



№ 5.

Сначала на одну чашу весов положили 3 монеты и на другую тоже три монеты. Если какая-то из чаш перевешивает, то на ней могут находиться только монеты: ТММ / потому если на одной чаше и тяжёлая и лёгкая, то они будут равные 2 монеточками и это означает что чаши будут равны, а это другой случай). Взяв все с более тяжёлой чаши 2 монеты. Если они равны

то оставаемая из этих трех тяжёлая и мы взвешиваем среди других трех (которые оказались лёгкими после 1 взвешивания) также любые две монеты. Если они равны, то остающаяся монета лёгкая. Если нет, то остающаяся монета лёгкая. Если нет, то остающаяся монета лёгкая. Если нет, то остающаяся монета лёгкая.

Если во втором взвешивании они не равны, то та которая тяжелее и есть тяжёлая, и третье действие отсутствует так же как если бы они были равны.

Ну, а если в первом действии монеты оказались равны то на одной чаше как мы выяснили должны быть все настоящие, а на другой лёгкая, тяжёлая и настоящая. Далее взвесим из одной тройки (любой) две монеты. Если они равны, то мы нашли тройку где все монеты настоящие и далее взвесим с другой тройки две любые монеты (или могут попасться МТ, МЛ, ТЛ) и взвесим их, если равны, то взвесим две монеты и какая из них тяжелее, то та и тяжёлая, а какая легче то та и лёгкая.

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
 по « математике », 5 класс,  
 вариант \_\_\_\_\_

(5)  
 А если в том случае они не равны и те которые обе настоящие, легче те оставшиеся и и мы взвешиваем две монеты (НТ) которая тяжелее та тяжелая.  
 Ну, а если в том случае обе настоящие перевесит, то оставшиеся тяжелая и взвесим которые легче и которая легче, та и есть легкая.

№4.

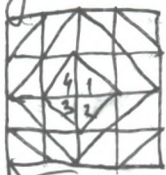
Нет

№3.

Если центральный ромб это квадрат, то выигрывает Аня.

Вот тактика:

(На рисунке цифрами обозначены ходы они по номерам).



Но эта тактика подходит потому, что когда Аня закрасит первую полевую-

ку, Вамя должна будет закрасить  
вторую половину и мне образуются  
сильный квадрат и со 2, 3, 4 ходом тоже  
самое, а значит за эти четыре хо-  
да & Аная сможет это сделать.

А если нет, то Вамя

№2

40



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



(заполняется организатором)



ШИФР	M5 - 20
------	---------

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1173929



Казанский (Приволжский) федеральный университет  
Межрегиональные предметные олимпиады

Математика

Дата "16" января 2026 г.



Шифр 115-20  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	20	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	A
Балл																

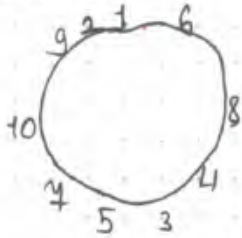
Математика

(профиль олимпиады)

пятый класс

(класс участия)

Ответ:



N 1

1	2	3	4	5
20	20	20	0	20

N 2

Пусть  $x$  - это <sup>это</sup> у кого есть тетрадь, но нет ручки

Заметим что, половина у кого есть тетрадь, но нет ручки и

можно найти вторую половину  $\Rightarrow$  всего людей с тетрадью

$2x$  можно понять, что число людей у кого нет тетрадей и

это должно равняться людям у которых нет ручки и есть

Зная это можно составить уравнение по условию задачи.

$$2x + 56 = 40 + (40 - x)$$

$$2x + 56 = 80 - x$$

$$2x + x = 80 - 56$$

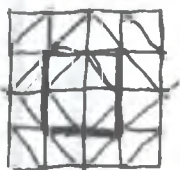
$$3x = 24$$

$$x = 24 : 3$$

$$x = 8$$

$$16 + 56 = 40 + (40 - 8)$$

Ответ: 42 человека.



У нас выигрывает Аня. ведь у нее есть манитика. У нас в центре есть 4 квадрата. У нас есть в центре вот такой квадрат.



можно понять, что мы можем красить только квадрат в центре  $2 \times 2$

первый ход Аня красит вот так



Ваня должен закрасить тот который образует квадрат вот так



и дальше Аня



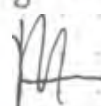
дальше Ваня



дальше Аня



дальше Ваня



и дальше Аня делает квадрат и Ваня никак не может победить



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№ 5

~~математика~~

проанализируем все монеты 1, 2, 3, 4, 5, 6

1 взвешивание  $\lfloor 1, 2, 3 \rfloor_{\text{если}} = \lfloor 4, 5, 6 \rfloor \Rightarrow$  в одной чаше две фальшивые монеты, ведь нарушится равенство не получится

2 взв.  $\lfloor 1 \rfloor_{\text{если}} = \lfloor 3 \rfloor \Rightarrow$  в другой чаше две ф. монеты и еще можно понять что 3 точно настоящая

3 взв.  $\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} = \lfloor 4 \rfloor \Rightarrow 4 \text{ Н}$

от этой  $\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} > \lfloor 4 \rfloor \Rightarrow 4 \text{ ф. весит меньше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} < \lfloor 4 \rfloor \Rightarrow 4 \text{ ф. весит больше}$

4 взв.  $\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} > \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 6 \text{ ф. весит больше и } 5 \text{ ф. весит меньше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} < \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 5 \text{ ф. весит больше и } 6 \text{ ф. весит меньше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} = \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 6 \text{ ф. весит больше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} < \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 5 \text{ ф. весит меньше и } 6 \text{ ф. весит больше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} = \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 6 \text{ ф. весит меньше}$

$\lfloor 3 \rfloor_{\text{если}} > \lfloor 5 \rfloor \Rightarrow 5 \text{ ф. весит больше}$

если 2 взв.  $\lfloor 1 \rfloor > \lfloor 3 \rfloor \Rightarrow$  в этой чаше 2 ф.

3 взв.  $\lfloor 4 \rfloor = \lfloor 3 \rfloor \Rightarrow 1 \text{ ф. весит больше} \Rightarrow$

2 ф. весит меньше Лист № 2

$$3 \text{ зб. } \boxed{4} > \boxed{3} \Rightarrow 3 \text{ Ф весит меньше}$$

$$4 \text{ зб. } \boxed{4} = \boxed{1} \Rightarrow 2 \text{ Ф весит больше}$$

$$\boxed{4} < \boxed{1} \Rightarrow 1 \text{ Ф весит больше}$$

2 зб в другую сторону аналогично

$$1 \text{ зб. } \boxed{1, 2, 3} > \boxed{4, 5, 6} \Rightarrow \text{Ф монеты в разных чашках}$$

$$2 \text{ зб. } \boxed{1} = \boxed{3} \Rightarrow 2 \text{ Ф весит больше}$$

$$3 \text{ зб. } \boxed{4} = \boxed{6} \Rightarrow 5 \text{ Ф весит меньше}$$

$$\boxed{4} > \boxed{6} \Rightarrow 6 \text{ Ф весит меньше}$$

$$\boxed{4} < \boxed{6} \Rightarrow 4 \text{ Ф весит меньше}$$

$$2 \text{ зб. } \boxed{1} < \boxed{3} \Rightarrow 3 \text{ Ф весит больше}$$

$$3 \text{ зб. } \boxed{4} = \boxed{6} \Rightarrow 5 \text{ Ф весит меньше}$$

$$\boxed{4} > \boxed{6} \Rightarrow 6 \text{ Ф весит меньше}$$

$$\boxed{4} < \boxed{6} \Rightarrow 4 \text{ Ф весит меньше}$$

$$2 \text{ зб. } \boxed{1} < \boxed{3} \text{ - аналогично}$$

$$1 \text{ зб. } \boxed{1, 2, 3} < \boxed{4, 5, 6} \text{ - аналогично}$$

~~аналогично~~

Ответ:

Итоговый балл \_\_\_\_\_

(подпись председателя жюри)



Шифр 15-20

(заполняется оргкомитетом)

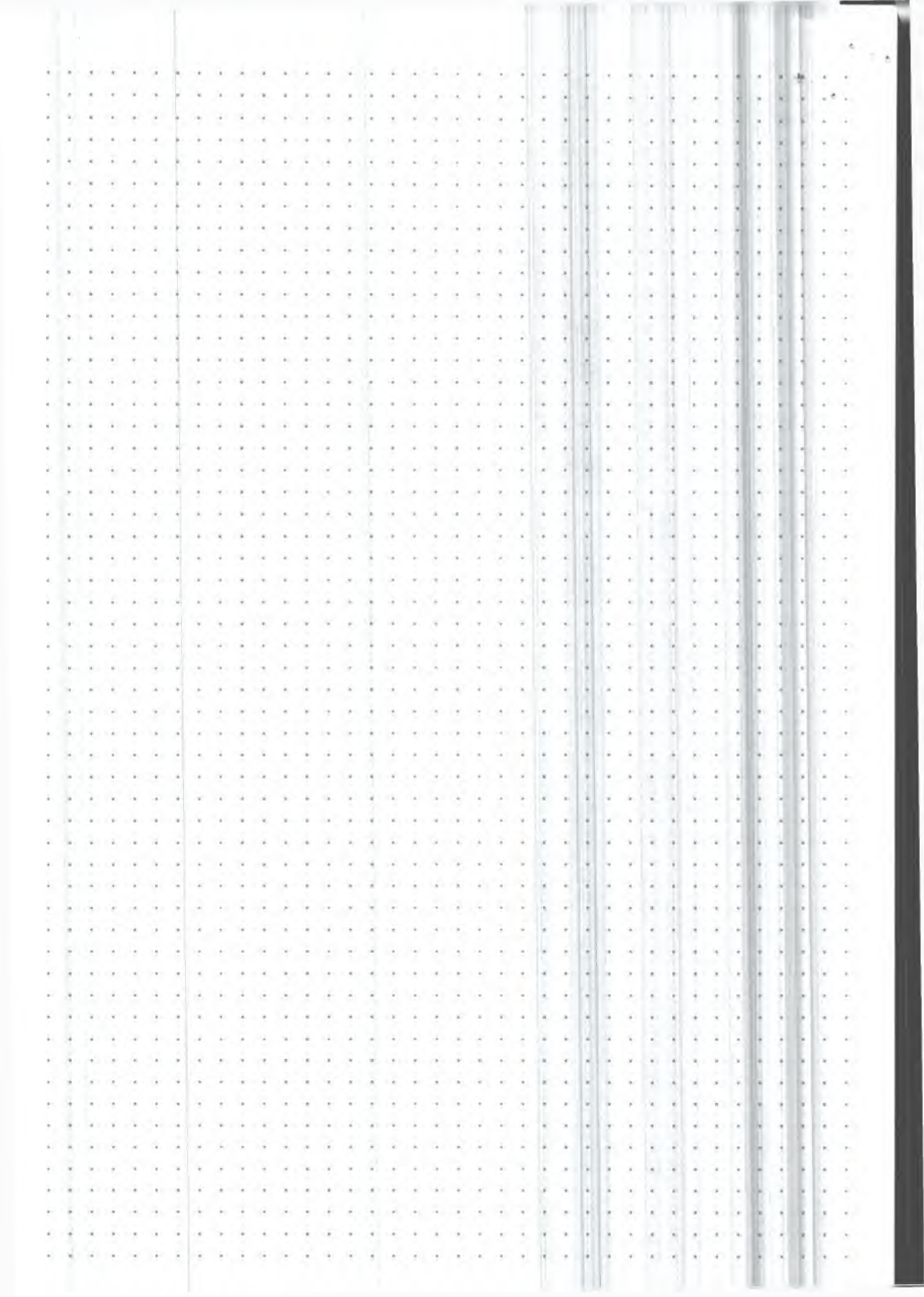
### Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

№4.

можно понять если останется такая деталь, то тогда должно быть четное кол-во точек фигур, но у нас у четных всегда четное, а у нечетных тоже ~~я чет~~  $\Rightarrow n + n + \dots = n$

ответ: такой фигуры не будет





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 83
------	---------

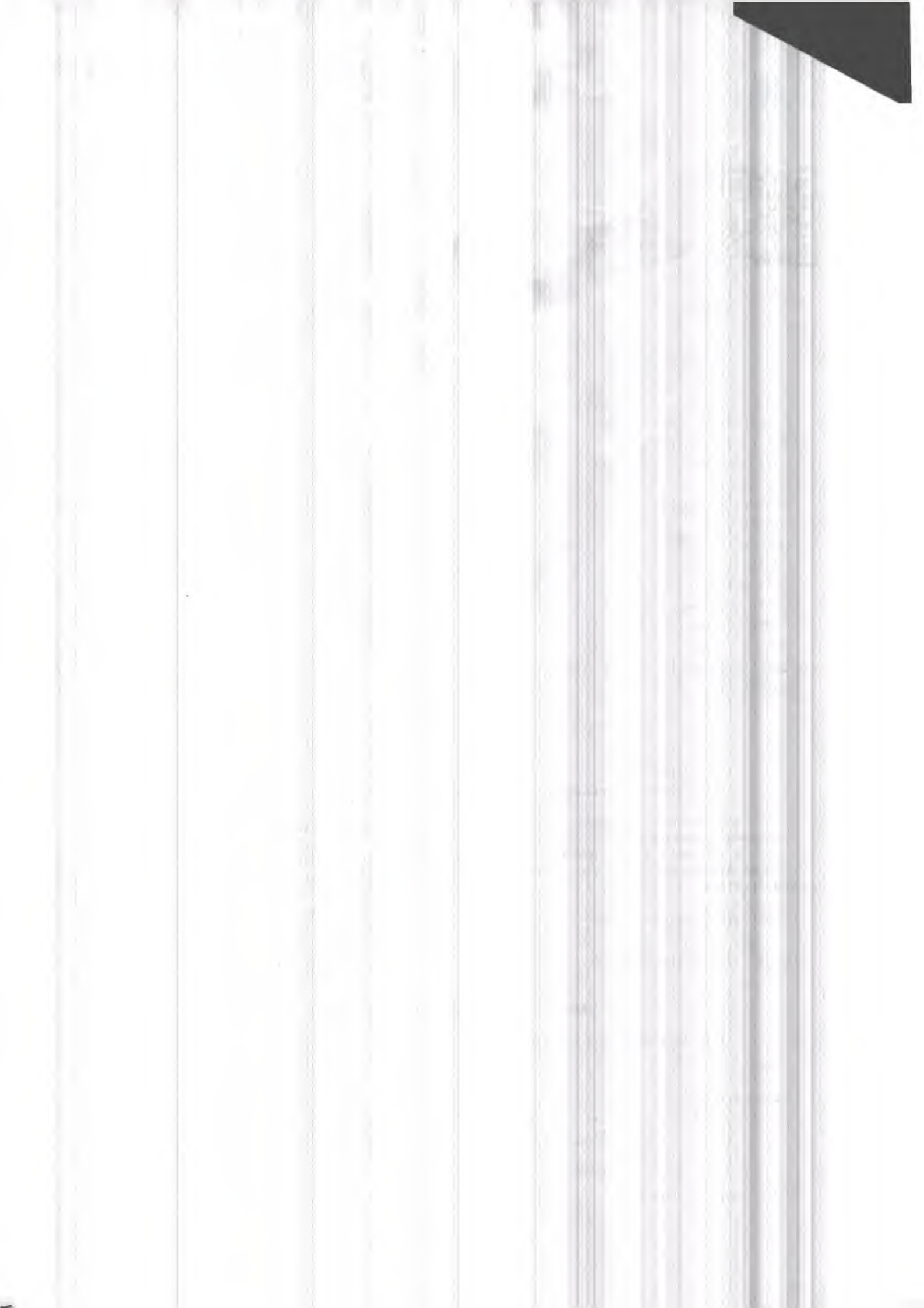
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

### Данные участника

ID номер участника

1184678





Значит это фигуры 1-14 и 2-7, ко стороны, которые они  
значит не остаются одна половина здания детель.

Значит кот

Ответ: нет, не может.

Задача №2

Решение: Рассмотрим на высказывание „Детей без  
ручки столько же, сколько и тех, кто взял  
ручку, ко не взял тетрадь.” у нас детей без ручки  
40, значит детей кто взял ручку, ко не взял  
тетрадь тоже 40. Смотрим ко 56 учеников ко взяли  
с собой тетрадь. у нас 40 учеников ко взяли тет-  
радь, ко взяли ручки. Значит  $56 - 40 = 16$  учеников ки-  
того ко взяли. Значит из 40 кто ко взяли ручки  
получается они взяли тетради. у нас есть  
16 кто ничего ко взяли наоборот из 40 кто взяли  
тетрадь ко не взяли ручку.  $40 - 16 = 24$  ученика взяли  
тетрадь, ко не взяли ручки. Смотрим ко выска-  
зывание „Половина у кого есть тетрадь, ко имеет  
ручку” это 24 человека, значит это половина. Зна-  
чит есть 24 ученика кто все ручки. Значит:

$$24 + 24 + 40 + 16 = 104 \text{ ученика}$$

Ответ: 104 ученика.

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

Задача №5

Дашеки: Берем 3 монеты как правую и 3 как левую руку.  
 если = то ждем в какой-то руке 2 фальшивые  
 мерим левую руку из трех монет. 1 монету как  
 правую другую как левую и оставляем

если > то левая рука это фальшивая-тяжелая.  
 Теперь та которая легче измерим с оставше-

ся. если > то с права фальшивая-легкая

если < то фальшивая-легкая с лева

равно невозможно

возвращаемся ко второму утверждению:

если < то с права фальшивая-тяжелая

Теперь левую руку измерим с оставше-

ся. если < то левая фальшивая-легкая.

если > то с права фальшивая-легкая.

равно невозможно

возвращаемся ко второму: Если = то фальш-  
 вые в правой руке. Мерим 3 с правой рукой  
 из трех одну как лево другую как право.

если > то с лева фальшивая-тяжелая

мерим право с оставше-

ся. если > то с права  
 фальшивая-легкая если < то фальшивая-легкая с лева





# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 27



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1198908





№4

Ответ: нет.

Решение: если сложим все возможные деталишки одина клеток в них будет 266,  
 а в квадрате  $6 \times 6 = 36$  клеток,  $36 \times 7 = 252$ ,  $266 - 14 = 252$ . Значит, либо останется  
 фигура из 14 клеток или 50 и бол. клеток. Но из 14 клеток это прямоугол.  $2 \times 7$  или  $1 \times 14$ ,  
 но таких деталек в наборе нет, т.к. макс. длина 6. А больше или 50 клеток нет  
 фигур т.к. макс. фигура это квадрат  $6 \times 6 = 36$  клеток  $36 < 50$ .

№2

Ответ: 58, 60, 62, 64, 66, 68, 70, 72 детей

Решение: детей больше 56, т.к. у нас 56 не вз. тетра. и половина от тех кто  
 вз. тетра. не имеет ручки, значит их больше 0 72, но  $56 - 56 = 0$ . Значит детей хотя  
 бы 57. Но их четное кол-во, т.к.  $56 + x = \text{кол-во детей}$ , если  $x = \text{это дети вз. т.}$ ,  
 а  $x : 2$ , значит оно чет. Чет. + чет. = чет. кол-во детей. Детей было не больше 72 т.к.

74 ребенка: это 56 не вз. тетра. | 34 вз. р., но не вз. т. =  $34 \cdot \frac{4}{5} + \frac{1}{5} + 22 = 71$ ,  $74 > 71$ .  
 40 вз. рур. | 9 вз. т., но не вз. р.  
 18 вз. тетра. | 6 не вз. нигель  
 34 не вз. рур. | 22 все вз.

Эта разница будет расти с увеличением кол-ва детей. Значит детей может  
 быть 58, 60, 62, 64, 66, 68, 70, 72. Это все варианты кол-ва детей, которые возможны.



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - //
------	---------

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1199269



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-11  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	20	20	20	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	<i>И</i>
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

5 класс

(класс участия)

№1

10<sup>1</sup>  
9  
6  
7  
2 5

4  
3  
8

Суммы:  $1+4+3=8$ ,  $4+3+8=15$ ,  $3+8+5=16$ ,  $8+5+2=15$ ,  $5+2+7=14$ ,  
 $2+7+6=15$ ,  $7+6+9=22$ ,  $6+9+10=25$ ,  $9+10+1=20$ ,  $10+1+4=15$ .  
 $8:4$ ,  $15:5$ ,  $16:2$ ,  $15:5$ ,  $14:2$ ,  $15:5$ ,  $22:11$ ,  $25:5$ ,  $20:2$ ,  $15:5$ .  
 Все суммы составные. +

№2

Обозначим:

км-во людей без всего за  $b$ .

км-во людей у которых есть ручка и тетрадь за  $y$ .

км-во людей у которых есть только ручка за  $x$ .

км-во людей у которых есть только тетрадь за  $a$ .

Из условия мы знаем:

$$x+b=56 \quad (a+y):2=a$$

$$x+y=40$$

$$x=a+b$$

Из  $b+x=56$  и  $x+y=40$  мы получаем:

$$b+x=x+y+(56-40)$$

$$b+x=x+y+16$$

~~Сложим~~ Уберём  $x$ :

$$b=y+16$$

Из условия ~~(a+y):2=a~~  $(a+y):2=a$  мы получаем:

$$(a+y):2=a$$

$$a+y=a \cdot 2$$

$$a+y=2a$$

Уберём  $a$ :

$$y=a$$

~~Из условия~~ ~~и~~  $x=a+b$  мы можем подставить в  $b+x=56$ :

$$b+b+a=56$$

Так как  $b=y+16$  получим:

$$y+16+y+16+a=56$$

$$y+y+a=24$$

Так как  $a=y$  получим:

$$y+y+a=y+y+y$$

$$y=24:3$$

$$y=8$$

$$a=8$$

~~Из~~ Из  $b+b+a=56$  получим:

$$b+b+8=56$$

$$2b=48$$

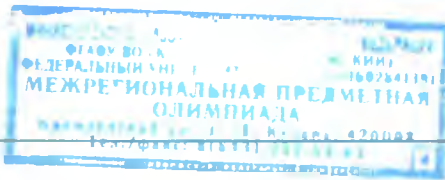
$$b=24$$

Из  $b+x=56$  получим:

$$24+x=56$$

$$x=32$$

~~Ответ~~ Ответ:  $8+8+32+24=42$  ученика



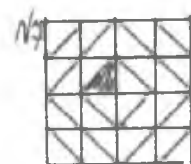
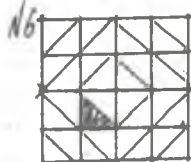
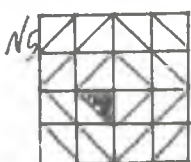
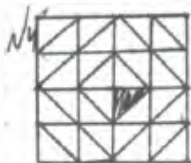
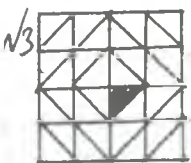
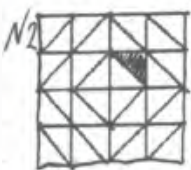
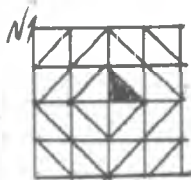
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « Математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№3  
Ответ: Аня всегда может выигрывать, если ходит первая.

Тактика Ани:



Сначала она закрашивает треугольник как показано на рисунке №1. Чтобы у Ани не получился квадрат Ване нужно закрасить треугольник который показан на картинке №2. Дальше Аня закрашивает треугольник который нарисован на картинке №3. Чтобы у Ани не получился квадрат Ване нужно покрасить треугольник который показан на рисунке №4. Аня красит треугольник который показан на рисунке №5. У Ване нужно закрасить два треугольника за раз, еще надо закрасить два которые показаны на рисунках №6 и №7. Но он может покрасить только один. Если он покрасит как на номере №6, то у Ани получится квадрат как на картинке №8, а если он закрасит как на номере №7, то у Ани получится как на №9. (На картинке №8 нарисован повернутый квадрат)

Продолжение решения на листе 3

Ответ: Аня всегда сможет выиграть.

№4

Выпишем все возможные прямоугольники:

$$1 \times 1, 1 \times 2, 1 \times 3, 1 \times 4, 1 \times 5, 1 \times 6$$

$$2 \times 2, 2 \times 3, 2 \times 4, 2 \times 5, 2 \times 6$$

$$3 \times 3, 3 \times 4, 3 \times 5, 3 \times 6$$

$$4 \times 4, 4 \times 5, 4 \times 6$$

$$5 \times 5, 5 \times 6$$

$$6 \times 6$$

(Первое число это длина или ширина, второе тоже длина или ширина. ~~Третье~~ Третье это длина на ширину <sup>или</sup> ширина на длину)

Найдем сумму клеток этих прямоугольников:

$$1 \cdot (1+2+3+4+5+6) = 1 \cdot 21 = 21$$

$$2 \cdot (2+3+4+5+6) = 2 \cdot 20 = 40$$

$$3 \cdot (3+4+5+6) = 3 \cdot 18 = 54$$

$$4 \cdot (4+5+6) = 4 \cdot 15 = 60$$

$$5 \cdot (5+6) = 5 \cdot 11 = 55$$

$$6 \cdot 6 = 36$$

$$21 + 40 + 54 + 60 + 55 + 36 = 266$$

Найдем кол-во клеток в квадратах  $6 \times 6$ :

(Первое число это количество, второе число это сумма клеток)

$$1-36, 2-72, 3-108, 4-144, 5-180, 6-216, 7-252, 8-288$$

Кол-во клеток в квадратах должно быть меньше 266, так как у нас должен остаться остаток. Но этот остаток максимум 36 (самая большая фигура  $6 \times 6$ ).

Значит квадратов  $6 \times 6$  семь, так как если их будет меньше то остаток будет больше 36, а если брать больше то сумма клеток будет больше чем 266. Если квадратов  $6 \times 6$  семь то остаток клеток  $(266 - 252) = 14$ . Это должен быть прямоугольник, и он может быть только  $2 \times 7$  или  $1 \times 14$ ,

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « Математике », 5 класс,

но у нас длина ~~и~~ и ширина не более 6.

Значит остается одна фигура не может.

Ответ: не могла.

√5

Обозначим: (монеты)

первая ширя - 1.

четвертая ширя - 4.

вторая ширя - 2.

пятая ширя - 5.

третья ширя - 3.

шестая ширя - 6.

Первыми тремя взвешиваниями мы взвешиваем:

1 2 3 4 5 6

~~У нас может быть 2 равно (это может так как у нас есть фальшивые) или одно равно (когда~~

Шри равно быть не может, так как тогда везде должны быть настоящие, или две фальшивые которые весят одинаково, ~~или~~. Ноль равно тоже быть не может, так как тогда должны быть хотя бы три фальшивые. Значит может быть только одно или два равно.

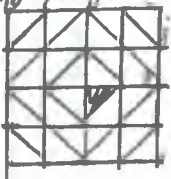
Рассмотрим вариант когда 2 равно. Это значит что на двух взвешиваниях будет по настоящему (так как ~~фальшивые~~ веса с фальшивой монетой нельзя уравнять),

а на ~~третьих~~ третьих весах будет две фальшивые. Когда мы их взвесим, мы узнаем, какая фальшивая весит больше, та на 1 грамм весит больше, чем настоящая, а которая ~~весит~~ весит меньше, та на 1 грамм весит меньше, чем настоящая.

Рассмотрим вариант, когда одно равно. Тогда мы взвешиваем 2 наибольших из взвешиваний, где не равно. Какая из них весит больше, та фальшивая, которая весит на 1 грамм больше, а которая меньше, мы решим, что та ложная с которой мы взвешивали её первый раз, фальшивая, которая весит на 1 грамм меньше.

№3 (продолжение)

А если Аня ходит второй, то Ваня первый выбирает треугольник из которых показан на рисунке №3. А далее он просто не даёт Ане создать квадрат, то есть она выбирает часть  $\square$ , а Ваня закрасивает вторую часть. И тогда в конце он ~~проигрывает~~ выигрывает.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

M5 - 21



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1199480



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-21  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	10	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика

(профиль олимпиады)

5 класс

(класс участия)

1. Ответ:  $20 \mid 0 \mid 10 \mid 0 \mid 20$

Их суммы = 6, 10, 12, 15, 18, 21, 25, 26, 20, 12. - все эти числа сост.

6, 10, 12, 18, 26, 20, 12 : 2

21, 15 : 3

25 : 5

2.  $156 \text{ уч} - m -$   
 $240 \text{ уч} - p +$   
 $3) \text{ уч} - p - = p + m \mid \geq 16 \leq 40 \mid \leq 24$   
 $4) \text{ уч} - m + : 2 - p - (y)$   
 $5) \text{ уч} - m + : 2 - p + (y)$

$56 - 40 \Rightarrow 16 \text{ уч.}$  - которые ничью не взяли

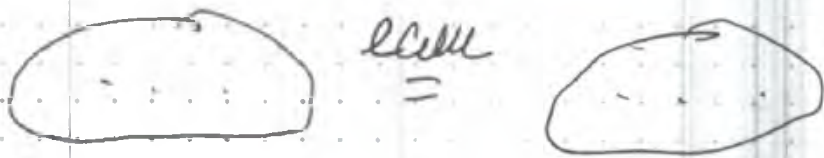
$x - \leq x \mid \geq 16$

$y \leq 40 \text{ уч}$   
 $x \geq 16 \text{ уч.}$

$y = \leq 40 \text{ и } \geq 16 \text{ (3) уч.}$

8.

1.)

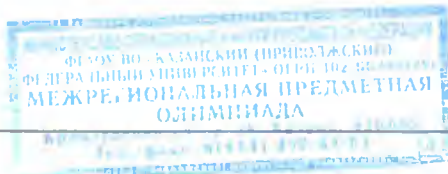


значит 2 ф в одной пучке или дерев 2 и  
 из одной и ср. если = там все и. и др  
 пучке 2 и. и ср с другой пучкой если  
 = значит там 2 ф и мы сравниваем их  
 между собой если > или < и. значит там  
 > (нест.) в ней 1 и, если < значит 1 и  
 сравниваем их с наст. и понимаем  
 какая легкая или тяжелая а с др  
 ф. пучки будет 2 ф монеты, если  
 > или < то вторая пучка наст. и мы  
 повторяем тоже самое. +

Если > или < (1 ф.)

Значит в т - т, в легкой - л, мы дерев  
 по 2 из каждой и ср. если = значит все 4  
 наст. и мы ср их с ф, если > или < то мы сравниваем  
 монеты из пучка между собой (если в т  
 ф значит там т, если в л с значим там  
 и) если где то = то все монеты из 1 ф  
 2-ая ф

4. сумма масс. всех деталей = 255  
 $255 : 36(6 \cdot 6) = 7$  (ост. 3) 3-х-келья,  
 сложены лари




Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,


вариант \_\_\_\_\_

36, 30 и 6, 24 и 12, 18 и 18, 12 и 24, 6 и 30,

ит.  $14 + 8 + 16 + 5 = 33$ ;  $36 - 33 = 3$

3. Если дна - 1, то она выигрывает ()

Ваня должен закрыть плоскость, но тогда

() если же не закр., то у дна будет

1 в 1 на 1. Если Ваня - 1, тогда он закр.

1 из клеток этого квадрата и дальше не будет давать сделать в 1 на 1, а т.к. др.

1 в 1 больше нет, то дна проигрывает (какими возможностями при условии закр. 2 плоскостями.)

2.

$56 - 40 = 16$  детей, которые ничего не взяли

Тогда у нас 40 детей, которые взяли

только тетради ( $56 - 16 = 40$ ), и по условию

40 детей, которые взяли ручки

тогда  $16 + 40 + 40 = 96$  учеников - было на

олимпиаде.

!

!

!

*[Faint, illegible handwriting on a grid background, possibly bleed-through from the reverse side of the page.]*



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



(заполняется организатором)



ШИФР	M5 - 16
------	---------

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1200080



**Казанский (Приволжский) федеральный университет  
Межрегиональные предметные олимпиады**

Место олимпиады

Дата "16" января 2026 г.



Шифр M5-16  
(заполняется оргкомитетом)

**Оценка работы**

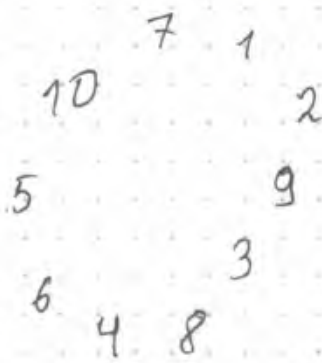
(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	-	20	0	10											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

N1




N3 Ответ можно, если квадрат = равносторонний

Шах должна ходить ~~королю~~, чтобы получился равносторонний квадрат:



Почему получится?

Ваня будет вынужден делать так, чтобы не получился весь квадрат 1x1 синий (  )

№4. Всею вместе 21 прямоугольников ( $1 \times 1 - 1 \times 6$ ,  $2 \times 2 - 2 \times 6$ ,  $3 \times 3 - 3 \times 6$  и т.д. до  $6 \times 6$ ).  $6 \times 6$  уже образует  $6 \times 6$ , как бы гениально это не звучало.

Сумма клеток в пря-гох всего — 220,  $220 : 36$  (это квадрат  $6 \times 6$ ) = 6, ост. 4, т.е. прямоугольников которых остался должен содержать ровно 4 клетки,

это фигуры  $2 \times 2$  и  $1 \times 4$ . Разовь их обязательно.

Рассмотрим случай, когда заданное число  $2/6$  квадрата поперек. Это  $5 \times 2$  и  $1 \times 2$  и  $2 \times 4$  и  $2 \times 2$ , они

обязательно будут парой, т.е. образуют "минимальный" прямоугольник. Если прямоугольник  $2 \times 6$  поставить с краю, то там же есть варианты  $4 \times 6$ ;  $4 \times 6$  или  $4 \times 5$  и  $4 \times 1$  или  $1 \times 6$  и  $3 \times 6$  или  $5 \times 5$  и  $1 \times 5$  и  $1 \times 4$ . (вар. 1)

Если  $2 \times 6$  поставить ± "нарезки", то варианты будут:

$1 \times 6$  и  $3 \times 6$ ,  $2 \times 6$  и  $2 \times 1$  и  $2 \times 2$ ,  $2 \times 6$  и  $2 \times 5$  и  $2 \times 1$ . (вар. 2)

Рассмотрим 1 вариант.  $4 \times 5$  и  $4 \times 1$  и  $5 \times 5$  и  $1 \times 5$  и  $1 \times 4$  не подходят. Тогда у нас, выходя 2 вар., 4 варианта набрав. Соответственно,  $1 \times 4$  — единственная обязательная деталь..... (результативнее)

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

$\sqrt{3}$

Если =

1.  $\underbrace{1000} = \underbrace{000}$

любая  
000  
123

2.  $\underbrace{0}_1 < \underbrace{0}_2$

3.  $\underbrace{0}_2 < \underbrace{0}_3$

4.  $\underbrace{0}_1 < \underbrace{0}_3$

Если 2. =

... 2.  $\underbrace{0}_1 = \underbrace{0}_2$

другая  
000  
156

$\underbrace{0}_4$   $\underbrace{0}_5$   
 $\underbrace{0}_4$   $\underbrace{0}_6$

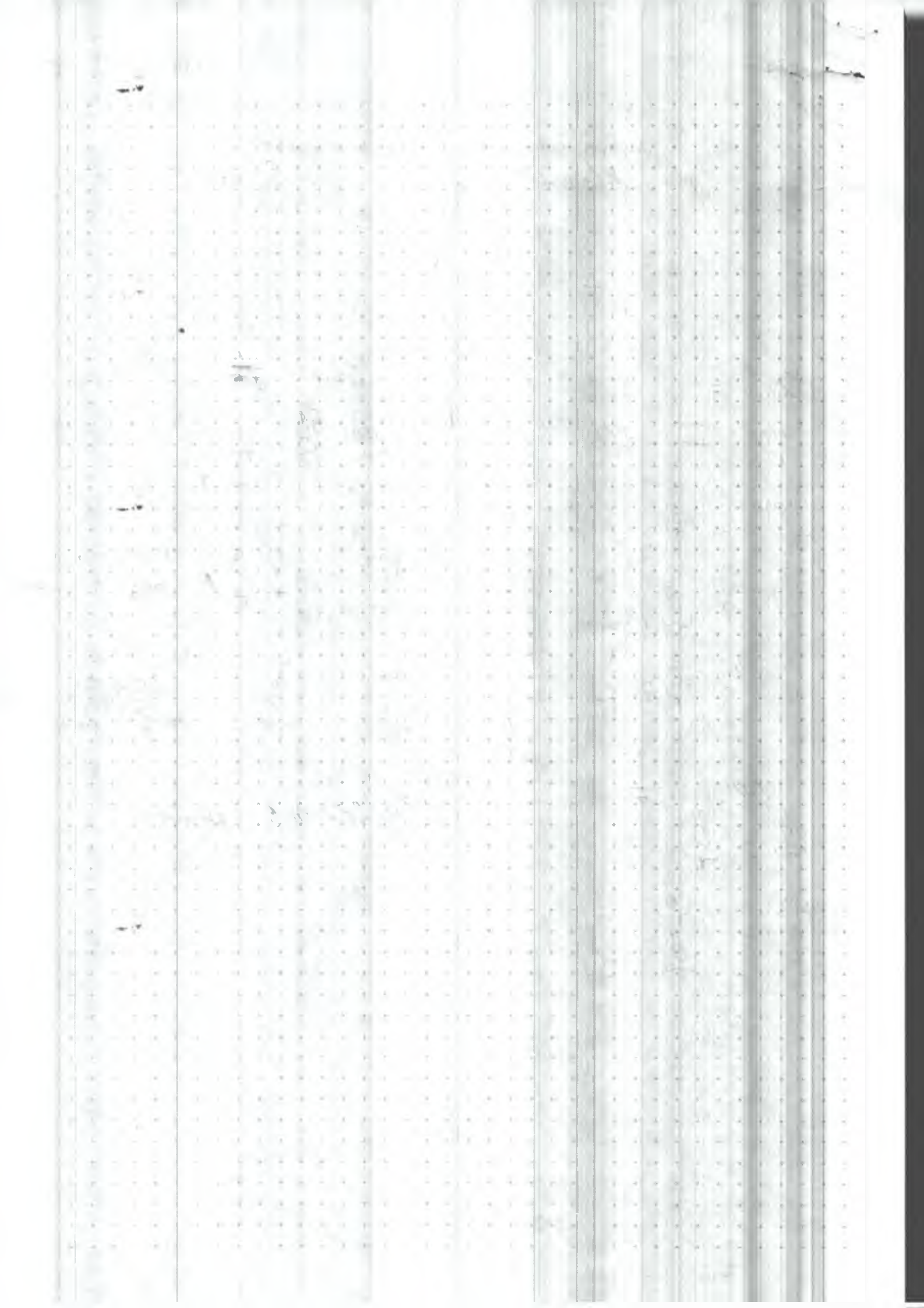
Если  $\neq$

1.  $\underbrace{1000}_{1901-12} < \underbrace{000}_{19(11)}$

2.  $\underbrace{000}_{123}$   $\underbrace{0}_1$   $\underbrace{0}_2$  если =, тогда 3-график.

3.  $\underbrace{000}_{456}$   $\underbrace{0}_4$   $\underbrace{0}_5$  если =, тогда 6-график

4. Взвесить график.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОВАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 49
------	---------



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

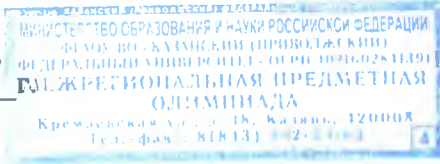
### Данные участника

ID номер участника

1200848



Дата "16" января 2026



Шифр М5-49  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	3	20	0	8											51
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

5-6 класс

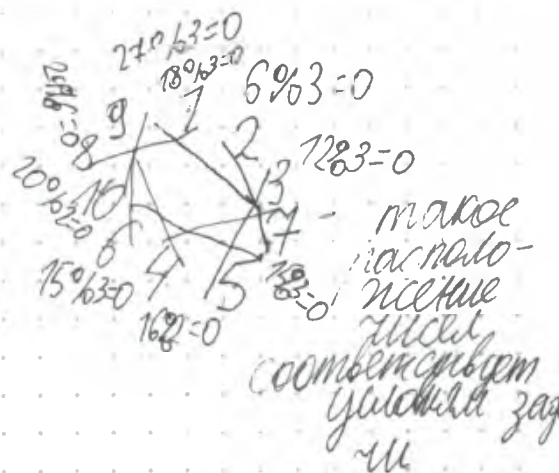
(класс участия)

1	2	3	4	5
20	3	20	0	8

Ответ: 8 9 1 2 3  
6 4 5 7

№1

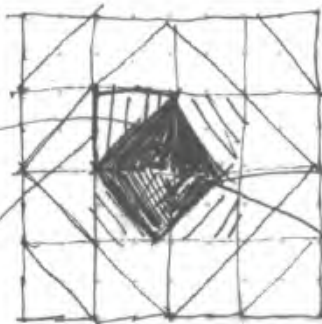
1 2 3 4



№3

Ответ: в независимости от и при соперника может выиграть Аня

Объяснение:



Если Аня ходила так, Ваня должен закрыть лишнюю клетку

Такой квадратик так же может получиться

ход Ани



ход Вани

У нее получится квадрат! У Ани может получиться квадрат

№4

Ответ: Нет, не может, т.к. каждая сторона квадрата должна равняться шести, но если подобить любые монеты, остаются неровные фигуры, из которых нельзя составить данный квадрат, минимальное число оставшихся неизменчивых ~~и~~ прямоугольников равняется трём (3).

№5

Объяснение: для начала создадим монеты: ①①, ②②②②

сначала взвешиваем

① ② и ③ ④

в случае равенства взвешиваем

⑤ и ⑥

в случае очередного равенства взвешиваем

⑦ и ⑧

в случае неравенства, мы понимаем, что они обе фальшивые

в случае равенства мы взвешиваем

③ и ④, а находим, какая легче, какая тяжелее

в случае неравенства

взвешиваем ~~①~~ и ~~②~~ ту пару которая легче

в случае равенства взвешиваем

~~⑤~~ и ~~⑥~~ ту которая тяжелее, и находим фальшивую (тяжелую), затем ищем среди 5 и 6 фальшивую (легкую)

в случае неравенства, находим фальшивую (легкую), затем сравниваем 5 и 6

и находим фальшивую (тяжелую) во

в случае равенства 5 и 6

Ответ: У меня получилось найти фальшивые монеты во всех случаях



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

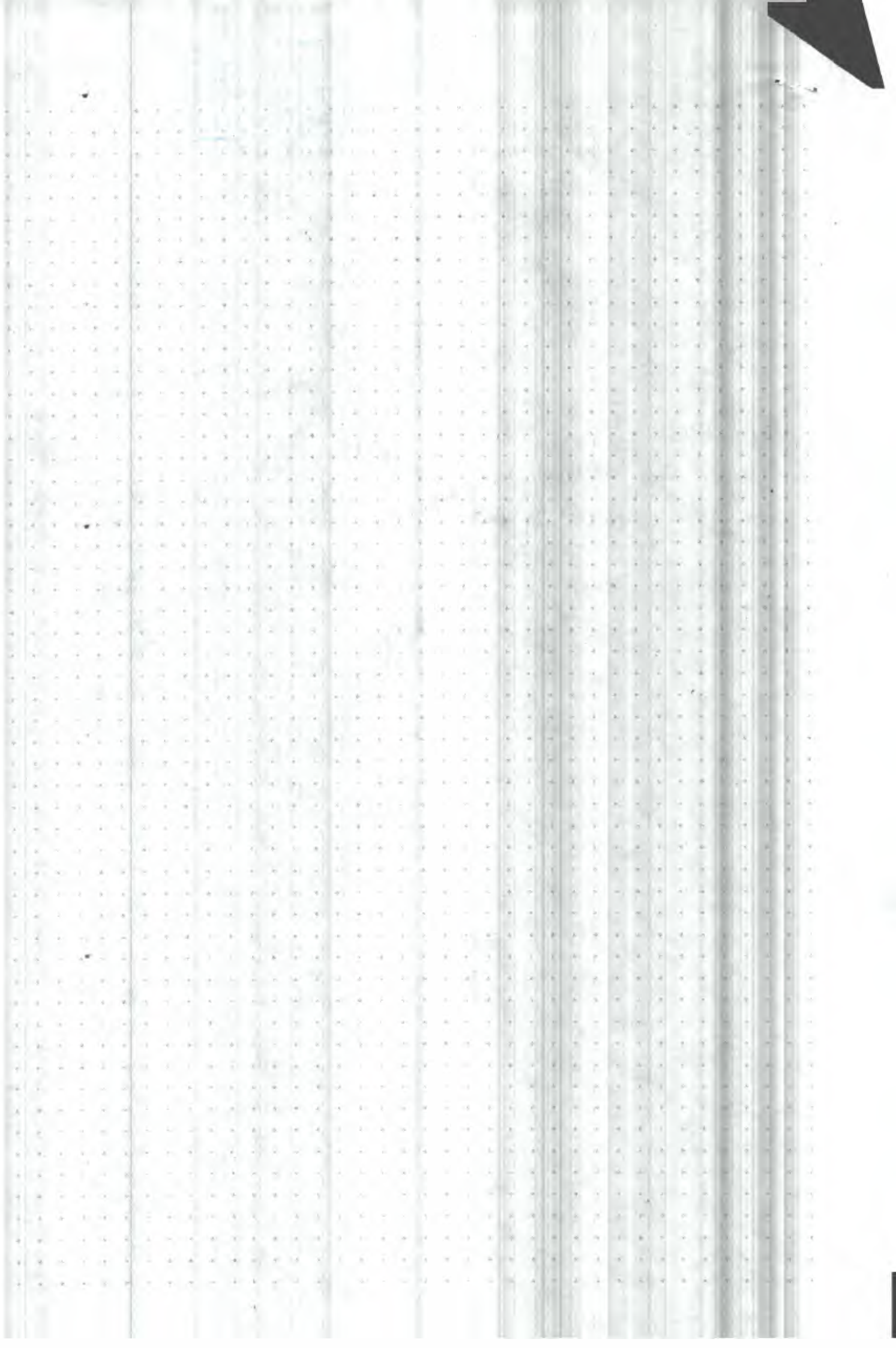
по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№2

Ответ: 72 участника было на олимпиаде.

Объяснение: Исходя из условий задачи, в моём ответе всё сходится, все условия выполнены и найдено число  $x$ , которое обозначало общее кол-во детей, пришедших на олимпиаду.





# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

## участника Олимпиады



(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 87
------	---------



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1201600




Казанский (Приволжский) федеральный университет  
Межрегиональные предметные олимпиады

Дата "16" января 2026 г.

Шифр М5-87  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

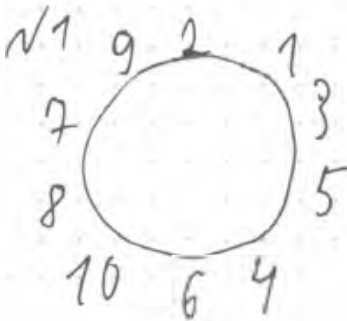
№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

5 класс

(класс участия)



№2 Не взяли тетрадь - 56 уч.

Есть ручки - 40 уч.

Детей без ручки = взяли ручку но не взяли тетрадь

Половина из тех у кого есть тетрадь, не имеет ручки

Всего - ? уч.

x - детей без ручки

y - взяли ручку но не взяли тетрадь

$$x = y$$

$$56 - x = 40$$

$$x = 56 - 40$$

$$x = 16$$

$$x = y$$

$$16 = y$$

$$16 = 16$$

$40 - 16 = 24$  yr. взяли тетрадь

$24 : 2 = 12$  yr. не имеют ручки

$40 - (12 + 16) = 12$  yr. не взяли ручки


$56 - (12 + 16) = 28$  yr. не взяли тетрадь

$28 + 12 + 16 = 64$  yr. всего

Ответ. Всего 64 ученика





N3

Ваня 

Аня 



Аня выиграла

Ответ. Из них может выиграть Аня как бы ни играла, потому что когда она займет в середине треугольник, то Ваня поставит: , а если он поставит: , то Аня выйдет:  и выиграет. Но Ваня поставит . И так будет, пока в середине не сделается квадрат.

N4

1. 

4. 

2. 

5. 

3. 

6. 

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « Математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

будет повторяться по образ с 6 способами

$$6 \cdot 6 = 36$$

Ответ. Не могла, потому что останется больше одной детали, еще потому что когда поставим прямоугольники 1 способом, 2 способом и 3 способом в квадрат он будет уже весь занят и не останется места для других прямоугольников и квадратов.

№5 Ответ. Надо взять четыре монеты между собой взвесить (по две монеты на каждую сторону) если они весят одинаково то надо взвесить другие две монеты ~~которые~~ <sup>и</sup> убрать две оставшиеся, если они весят одинаково то надо взвесить другие две монеты которые убрали (по одной на каждую сторону), если они весят одинаково то надо взять монеты ~~которые~~ не взвешивали и взвесить (одна монета будет легче второй) они будут фальшивыми.

Handwritten text in a cursive script, likely a letter or a journal entry, written on a page with horizontal lines. The text is dense and fills most of the page, though it is significantly faded and difficult to read. The handwriting is consistent throughout, suggesting a single author. The page is otherwise blank, with no other markings or illustrations.



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

## участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

M5 - 94

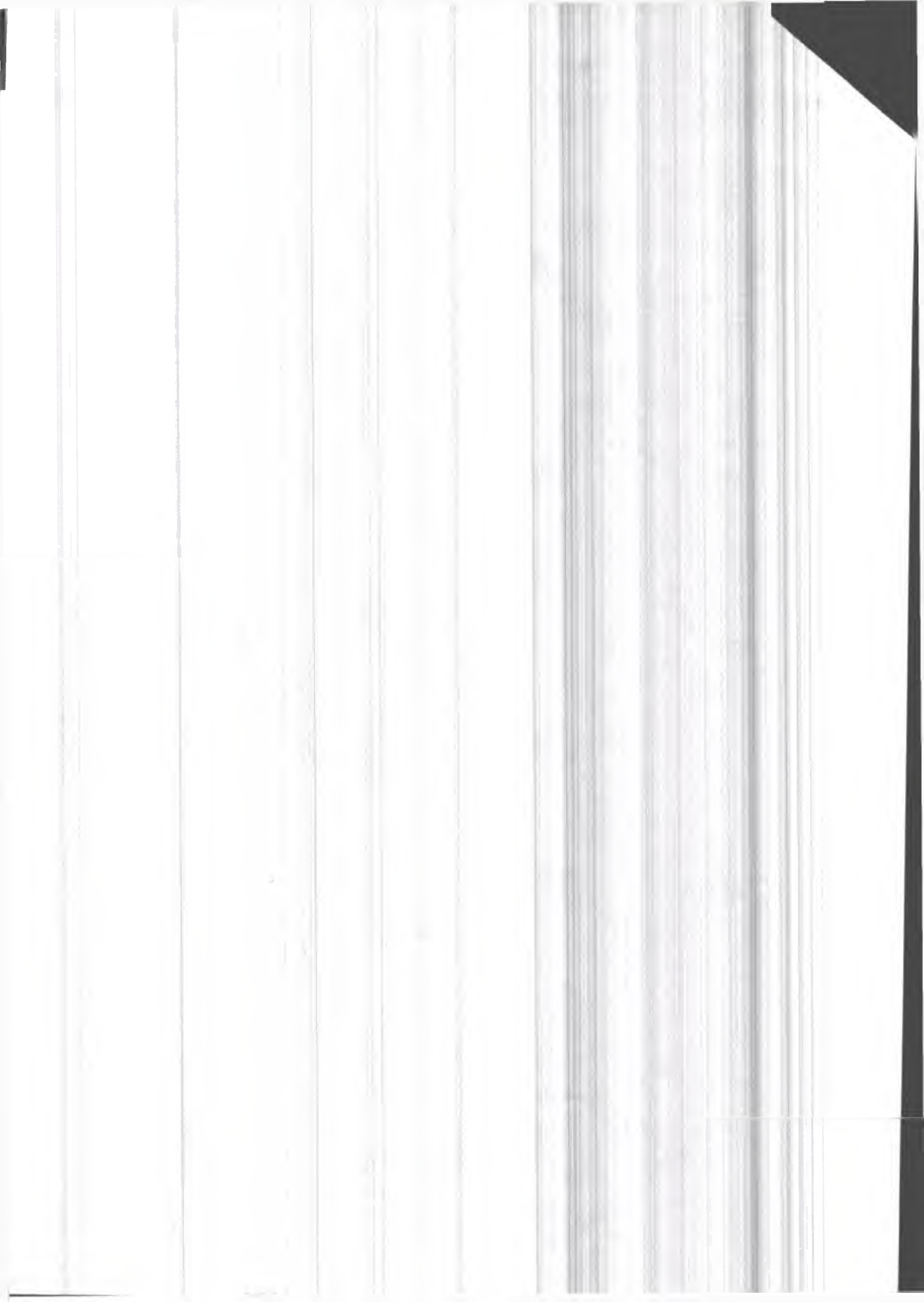


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1202709



Дата "16" января 2026 г.



Шифр M5-94  
(заполняется оргкомитетом)

**Оценка работы**

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	20	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

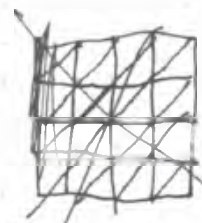
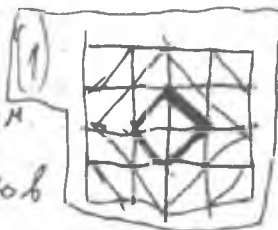
5 класс

(класс участия)

1. 
$$\begin{matrix} & & 2 & 3 & 5 & 7 \\ & & 6 & & & 9 \\ & 10 & 4 & 8 & & \end{matrix}$$

3. Ответ: Аня

Чтобы Вам не проиграть нужно чтобы в каждом квадрате  $1 \times 1$  состоящим из 2х треугольников был хотя бы 1 красный треугольник потому что тогда Вы проиграли. Тогда ~~нужно~~ когда Аня закрашивает 1 из треугольников Вам надо закрашивать треугольник, который вместе с тем ~~треугольником~~ <sup>треугольником</sup> который закрашила Аня составляет квадрат  $1 \times 1$ , но тогда Аня может составить квадрат, который выделен жирно на рисунке (1) и если ~~Вы~~ <sup>Ваня</sup> поставит так что Аня не могла его составить, то Аня составит квадрат  $1 \times 1$ , поэтому в любом случае выигрывает Аня.



4. Ответ: нет  
 1. Посчитаем площади всех прямоугольников шириной 1, ~~и площадью~~  
 уголков где есть сторона 1: ~~площади~~  $1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 3 \dots 1 \cdot 6 = 1(1+2+3 \dots +6)$

$= 1 \cdot 21 = 21$ . Также посчитаем площади ~~прямоугольников~~ <sup>прямоугольников</sup> где есть сторона 2: (прямоугольники  $1 \times 2$  мы уже посчитали)  $2 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \dots 2 \cdot 6 = 2(2+3 \dots +6) =$

$2 \cdot 20 = 40$ . Посчитаем площадь там где есть сторона 3: (прямоугольники  $1 \times 3$  и  $2 \times 3$  мы уже посчитали)  $3 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + 3 \cdot 6 = 3(3+4+5+6) = 18 \cdot 3 = 54$ .  
 Посчитаем там где есть сторона 4: (прямоугольники  $1 \times 4$ ,  $2 \times 4$  и  $3 \times 4$  мы уже посчитали)  $4 \cdot 4 + 4 \cdot 5 + 4 \cdot 6 = 4(4+5+6) = 4 \cdot 15 = 60$ . Там где есть сторона 5:  $5 \cdot 5 + 5 \cdot 6 = 5(5+6) = 5 \cdot 11 = 55$ . Ну и еще квадрат  $6 \cdot 6 = 36$ . Получается суммарная площадь будет:

$21 + 40 + 54 + 60 + 55 + 36 = 266$ . Сколько максимум квадратов  $6 \times 6$  можем мы сложить  $266 : 36 = 7$  (ост. 19). Если мы сложим все 7 квадратов то как останется хотя бы 1 прямоугольник но 1 остался не мог так как

прямоугольники  $1 \times 14$  и  $2 \times 7$ . Где есть сторона больше или равна 4. А если 4 не будет 6 или меньше квадратов  $6 \times 6$  тогда уже останется площадь ~~больше~~  $36 + 14 = 50$  так как у нас максимальная площадь одного прямоугольника где все стороны меньше или равны 6. Значит 1 прямоугольник ~~остаться~~ не мог.

4 любые монеты ~~и разог~~  
 Разобьем монеты на 3 группы по 2 монеты и обозначим настоящие монеты за  $n$ , а фальшивые за  $n+1$  и  $n-1$ . Возьмем любые 2 группы и взвесим между собой если равны тогда либо фальшивой из этих 2 групп все монеты настоящие, либо фальшивой настоящие, а в другой две фальшивые. Как это проверить? Возвешиваем монеты между собой если ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2

группы взвесим ~~какая~~ <sup>какаято</sup> ~~то~~ <sup>то</sup> ~~та~~ <sup>та</sup> которая больше ~~тогда~~ она ~~меньше~~ <sup>меньше</sup> ~~тогда~~ <sup>тогда</sup> ~~она~~ <sup>она</sup> больше или меньше тогда это из этих групп есть  $n+1$  и  $n-1$ . Если 2



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 39
------	---------



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

## Данные участника

ID номер участника

1202949



Дата "16" января 2026 г.

Шифр 15-39  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

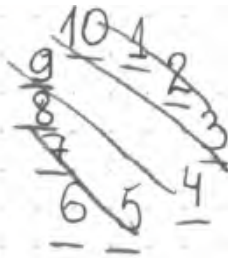
№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика  
(профиль олимпиады)

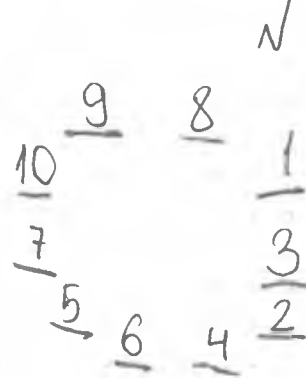
5 класс  
(класс участия)

1 | 2 | 3 | 4 | 5  
20 | 0 | 20 | 0 | 20

№1



№5



Решим шесть монет на две группы и взвесиваем,  
1 Если они равны то значит, что  $x$  и  $y$  в одной кучке.  
Затем берем по две монетки из каждой кучки, взве-  
шиваем, если они равны, то мы взяли в одной из  
кучек  $x$  и  $y$ , а если не равны ~~получается~~ то  
в взвешиваем любую из взятых кучек по два  
если монетки в ней равны, то  $x$  и  $y$  в другой кучке  
из выбранных нами двух монеток, а если нет, то  
в этой кучке, Если ~~взятые~~ <sup>ки</sup> ~~наши~~ кучек по две  
монетки не равны, то в какой то из них  $y$  или  $x$

Берем ~~любую~~ кучку из двух монет  $v$  и взвешиваем  
в ней монетки ~~если~~ если они равны то ~~у~~  $u$   
в другой кучке тогда мы и ее взвешиваем и находим  
длин  $y$ , а  $x$  это та монетка, которую мы не взяли.

2. Если кучки по ~~две~~ <sup>три</sup> монетки не равны то это  
значит что  $x$  и  $y$  в разных кучках. Из  
каждой кучки берем две монетки и взвешиваем  
их. Если они равны то оставшиеся монетки это  $x$   
и  $y$ , а если нет, то мы берем кучку ~~в~~ <sup>в</sup> которой  
оказалась меньше по весу и взвешиваем в ней монетки  
если они равны то оставшаяся монетка это  $y$ , а  
если нет то  $y$  монетка меньше по весу. Тогда  
в случае если монетки в кучке меньшей по весу  
равны то в кучке ~~большой по весу~~ <sup>большой по весу</sup> есть  $y$   
взвешиваем монетки из кучки большой по  
весу. Если они равны то  $y$  это оставшаяся  
монетка, а если нет то  $y$  это монетка  
которая весит больше чем, другая.

$x$  - самая легкая монетка.

$y$  - самая тяжелая монетка.

√4

6×6  
5×5 5×6  
4×4 4×5 4×6  
3×3 3×4 3×5 3×6  
2×2 2×3 2×4 2×5 2×6  
1×1 1×2 1×3 1×4 1×5 1×6

площадь = 250

$$S = 6 \times 6 = 36.$$

Максимальное количество квадратов  $250 : 36 = 6$  (ост.)

Получается что осталось одна или несколько фигур с площадью 34, ~~но таких нет~~

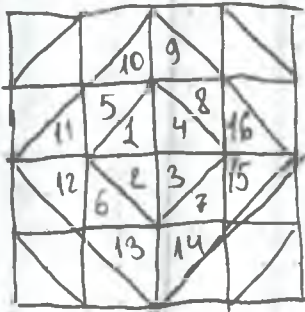
Значит то, что не могла остаться <sup>одна</sup> фигура с площадью 34 так как таких фигур там нет.

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№3



Девочка ходит первой;

С начала девочка должна закрасить треугольник под номером один и если мальчик не закрасит треугольник под номером 5 он проиграл. За тем она должна закрасить треугольник под номером 4 он проиграл. если не закрасит треугольник под номером 8. За тем она должна закрасить треугольник под номером 3 он должен закрасить треугольник под номером 7 и девочка побеждает закрасив треугольник под номером 2.

Мальчик ходит первым;

Он может победить так же как девочка.



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

## участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

M5 - 34



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1258082



**Казанский (Приволжский) федеральный университет**  
**Межрегиональные предметные олимпиады**

Дата "16" января 2026 г.

Шифр М5-34  
(заполняется оргкомитетом)

**Оценка работы**

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	20	0											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	<i>А</i>
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

~~№. Номер 3~~

1	2	3	4	5
20	0	20	20	0

~~Вопрос: кто из нас будет первым?~~

№ номер 1.

$40 \cdot 2 = 80$   
 $9 \cdot 1 = 9$   
 $8 \cdot 1 = 8$   
 $7 \cdot 4 = 28$   
 $6 \cdot 5 = 30$

$2 + 3 + 1 = 6$	$6 : 2 = 3$
$3 + 1 + 4 = 8$	$8 : 2 = 4$
$1 + 4 + 5 = 10$	$10 : 2 = 5$
$4 + 5 + 6 = 15$	$15 : 3 = 5$
$5 + 6 + 7 = 18$	$18 : 2 = 9$
$6 + 7 + 8 = 21$	$21 : 3 = 7$
$7 + 8 + 9 = 24$	$24 : 2 = 12$
$8 + 9 + 10 = 27$	$27 : 3 = 9$
$9 + 10 + 1 = 20$	$21 : 3 = 7$
$10 + 1 + 4 = 15$	$15 : 3 = 5$

~~№ номер 4.~~

Номер 4.

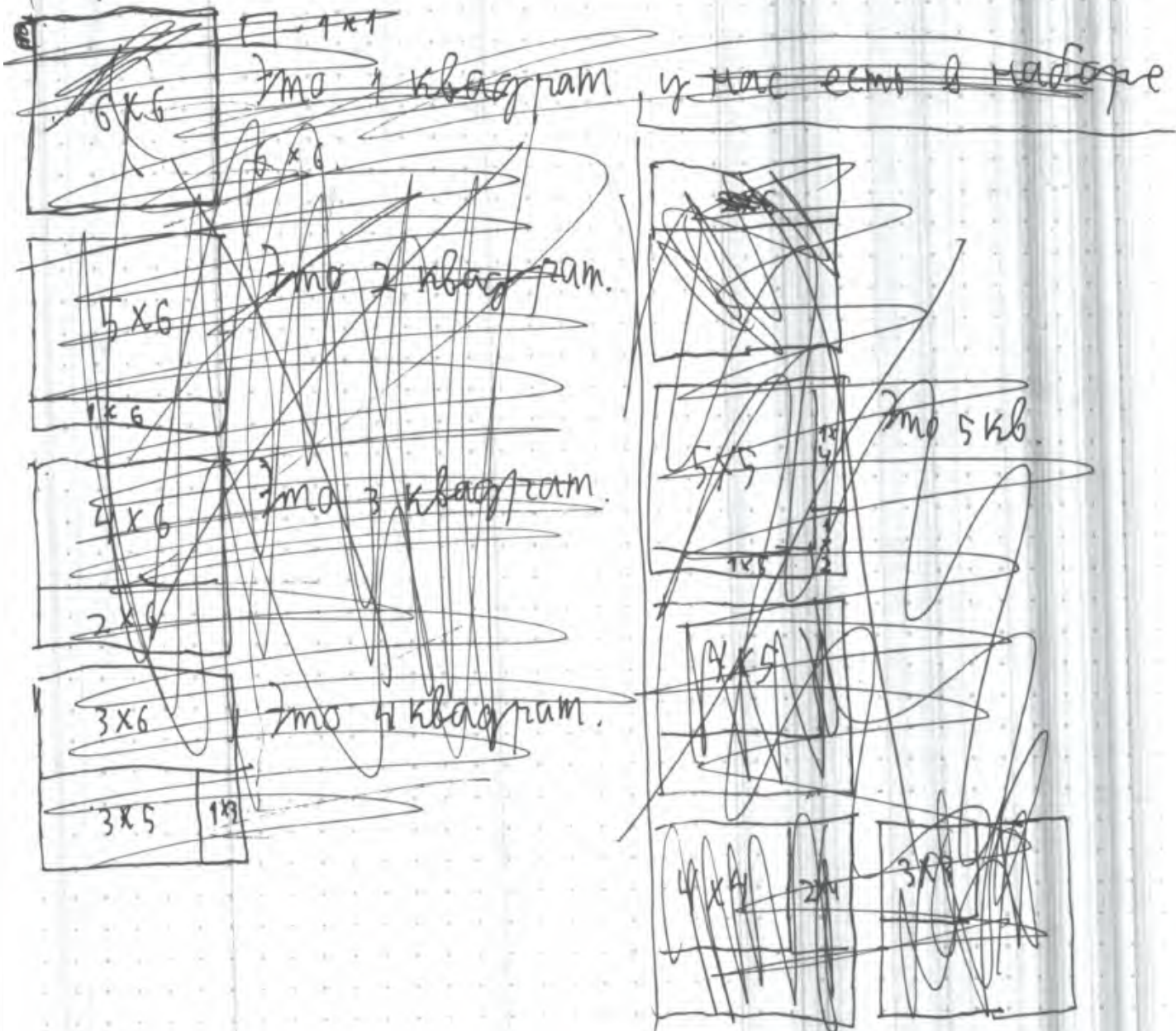
У нас есть детали  $1 \cdot 1, 1 \cdot 2, 1 \cdot 3, 1 \cdot 4, 1 \cdot 5, 1 \cdot 6, 2 \cdot 2,$   
 $2 \cdot 3, 2 \cdot 4, 2 \cdot 5, 2 \cdot 6, 3 \cdot 3, 3 \cdot 4, 3 \cdot 5, 3 \cdot 6, 4 \cdot 4, 4 \cdot 5, 4 \cdot 6, 5 \cdot 5, 5 \cdot 6,$   
 $6 \cdot 6.$  ~~Мы считаем~~  $6 \cdot 6 = 36$  - площадь.

~~$1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 3 + 1 \cdot 4 + 1 \cdot 5 + 1 \cdot 6 +$~~

Если мы сложим все детали мы получим  
266. Мы считаем так:  $1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 3$  и т.д.

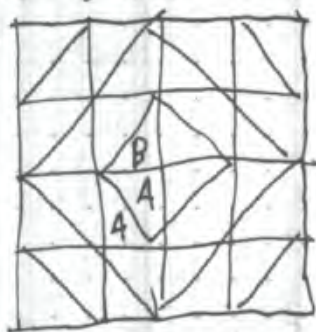
$266$  - это площадь всевозможных деталей из  
набора.  $266 : 36 = 7$  (ост. 14). То есть у нас

будет 7 квадратов  $6 \cdot 6$ . ~~Получается~~ их  
~~разместить~~: и ~~остаток~~ а площадь 14 нет в наборе.



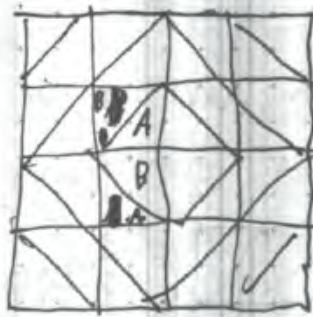


Вернёмся к Ане Если она будет ставить пер-  
~~во~~ по буквам:



~~Но~~  
 Но есть она тоже  
 выигрывает.

Если буквам Ваня то:



~~Ваня выигрывает.~~  
~~Аня выигрывает.~~  
 Ваня выигрывает

~~Но если выигрывает тот кто первый ходит.~~

~~Самым первым ходит Ваня~~



Ответ: ~~Аня~~ Кто выигрывает тот  
 кто первый ходит.

- 5. 1) 5 = 5
- 2) 5 = 5
- 3) 4 < 6
- 4) 5 5 = 4 6



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)



ШИФР	M5 - 86
------	---------

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

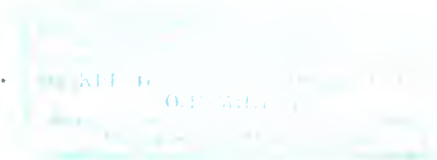
## Данные участника

ID номер участника

1261247



Дата "16" января 20 26 г.



Шифр М5-86  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

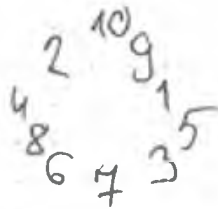
(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

№ 1.



№ 5.

Сначала на одну чашу весов положили 3 монеты и на другую тоже три монеты. Если какая-то из чаш перевешивает, то на ней могут находиться только монеты: ТМН / потому если на одной чаше и тяжёлая и лёгкая, то они будут равны 2 настоящих и это означает что чаши будут равны, а это другой случай). Взяв самую более тяжёлую чашу 2 любых монеты. Если они равны

то оставайтесь из этих трех монет  
лая и мы взвешиваем среди других  
трех (которые оказались легкими после 1  
взвешивания) также любые две мо-  
неты. Если они равны, то оставшаяся  
монета легкая (фиш машинки легкую и  
тяжелую, а если не равны, то более легкая  
есть легкая и мы снова машинку об фальшивые  
монеты.

Если во втором взвешивании они не  
равны, то та которая тяжелее и  
есть тяжелая, и третье действие счита-  
ется так же все как если бы они бы-  
ли равны.

Ну, а если в первом действии монеты  
оказались равны то на одной чаше  
как мы выяснили должны быть все  
настоящие, а на другой легкая, тяжелая  
и настоящая. Дальше взвесим из одной  
тройки (любой) две монеты. Если они  
равны, то мы машинку тройку где все  
монеты настоящие и дальше взвесим  
с другой тройки две любых монеты  
(идти могут попасться НТ, МЛ, ТЛ) и вз-  
весим их, если равны, то взвесим две  
монеты и какая из них тяжелее, то  
та и тяжелая, а какая легче то та и легкая

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
 по « математике », 5 класс,  
 вариант \_\_\_\_\_

(5)

А если в том случае они не равны и те которые обе настоящие, легче те оставшихся. И мы взвешиваем две монеты (чТ) которая тяжелее та тяжелая.

Ну, а если в том случае обе настоящие перевесит, то оставшихся тяжелая и взвесим которые легче и которая легче, та и есть легкая.

ИЧ.

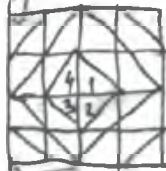
Нет

ИЗ.

Если центральный ромб это квадрат, то выигрывает Аня.

Вот тактика:

(На рисунке цифрами обозначены ходы они по номерам).



Эта тактика подходит потому, что когда Аня закрасит первый полевик-

ку, Ваня должен будет закрасить  
вторую половину и еще образует  
сильный квадрат и со 2, 3, 4 ходом тоже  
самое, а значит за эти черные хо-  
да & Анся сможет это сделать.

А если нет, то Ваня

№2

40



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

## участника Олимпиады



**алабуга**

ОСДБАР  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 84
------	---------



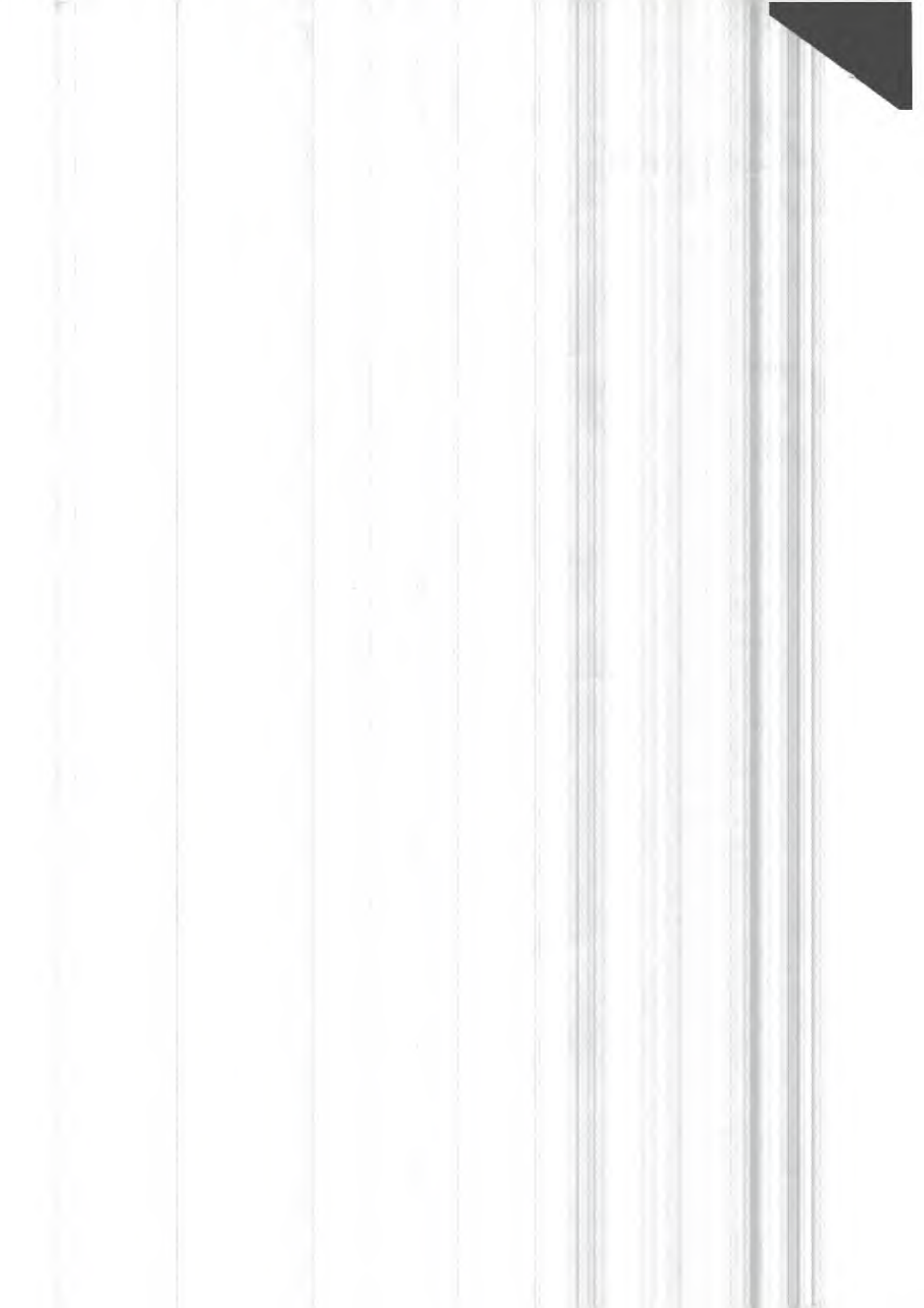
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

### Данные участника

ID номер участника

1261930



Дата "16" января 2026 г.

Место  
Курс

Шифр

115-84

(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	20	20	20	20											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

5 класс

(класс участия)

№1.

Ответ: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 10, 9

№3.

Если Валя ходит первой то она выигрывает тем что закрашивает один из треугольников по середине, а потом закрашивает все треугольники которые находятся в той же клетке где и один треугольник. Если первой ходит Аня то она выигрывает тем что первой ходом закрашивает одну среднюю клетку, а потом если валя она красит другую среднюю клетку то она закрашивает всю клетку которая состоит в той же клетке где и ее предыдущий треугольник, а если валя закрашивает эту клетку то Аня закрашивает так же остальные средние треугольники.

№4.

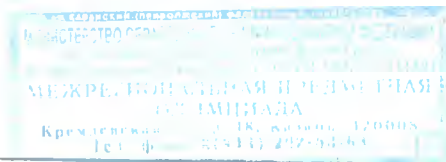
Нет, потому что если мы сложим периметры  
всех деталей то получим 7 остатков 14, значит  
нам надо устроить деталь с периметром 14  
и такой детали нет.

№5.

Мы дадимте измерять одним названием  
меретом 1 и 2 от 1 до 6. Сначала взвесим  
1 и 2 с 3 и 4. Если они равны по измерению 5 с 6  
Если они разные то они обе фальшивые, может  
на которой легче легкая фальшивая, а  
тяжелее тяжелая фальшивая. Если они  
разные равны по измерению 1 с 2 если они  
равны равны по так же как с 6 и 5, а если они  
равны по измерению 4 с 3 и тут они могут  
быть только равны разные и так мы делаем  
также и без как с 6 и 5. Если 1, 4, 3, 4 не  
равны по берем самую тяжелую часть и  
и взвешиваем 2 числа. Если они разные то  
тяжелая фальшивая а если одинаковые  
то они обе настоящие, дальше взвешиваем  
еще 2 числа. Если они разные то  
легкая фальшивая а если одинаковые  
то они обе настоящие. Дальше взвешиваем  
5 и 6 если они одинаковые то они обе  
настоящие а если разные то они мы  
получили самую легкую то тяжелая фаль-  
шивая и наоборот.

овый балл \_\_\_\_\_

(подпись председателя жюри)



Шифр

115-84

(заполняется оргкомитетом)

**Межрегиональная предметная олимпиада КФУ**

по « Математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№2.

Ответ: все четные числа от 56 до 136.  
включительно.





# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

участника Олимпиады



(заполняется организатором)

ШИФР	M5 - 31
------	---------

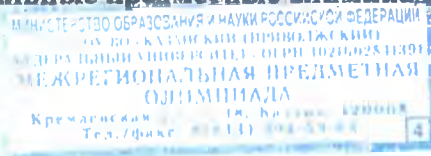
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1262897





Дата "16" января 2026 г.

Шифр М5-31  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	0	10											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	<i>А</i>
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

10 6 2 1  
8  
4 3  
9 7 5

№1

1	2	3	4	5
20	0	20	0	10

№5  
Первым взвешиваем и мы положим по 2 монеты на 2 разные чашки. Если вес одинаковый значит все 4 монеты настоящие. 2 действия берем 2 оставшиеся монеты и тоже взвешиваем их. Какая монета тяжелее эта фальшивая монета но 1 чашка равнее. А какая монета меньше весит значит на 1 чашке легкая. Если же при первом действии какая-то чашка была меньше весом по сравнению с другой, а то 2 действия мы взвешиваем 4 то по 1 монете √с

каждой стороны которые мы: которые мы взяли  
с 1 граммом масса то будет меньше а масса то  
больше. И вот самое интересное и сложное.

Точка действия. мы установили две точки  
из 3 и 2 действия самые малые монеты по  
всему взвесили их. Первая монета оказалась  
меньше по весу значит эта разница между монетами  
на 1 грамм меньше. Тогда монета вторая на-  
много и с которой мы взвесили разницу  
между этой монетой и той монетой мы вз-  
весили эту монету с разницей  
Большой монетой. и - не все случаи (русскими)

И последний случай когда в 1 не действующие  
весы равны. 2 действия взвесили также  
по одной монете. Если 1 весит больше другой  
то эта монета та разница и весит на 1  
грамм больше. 2. Вторая на 1 грамм меньше

Если они весит одинаково то мы берем  
оставшиеся: 2 монеты и взвешиваем их.  
Они могут быть также разницей и мы  
узнаем это. Если они равны. И то же  
2 монеты: которые мы вообще не взвешивали  
которые оставшиеся 2 то мы их так же  
взвесили и если в 2 случаях у  
нас не все разницы все монеты по  
мы взвешивали эти и они точно будут  
разницами.



• 30

$$5) \quad 40 + 40 + 56 = 136 \text{ (ч)} - \text{на ашигласаг}$$

Орбет = 136 ч на ашигласаг



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



(заполняется организатором)



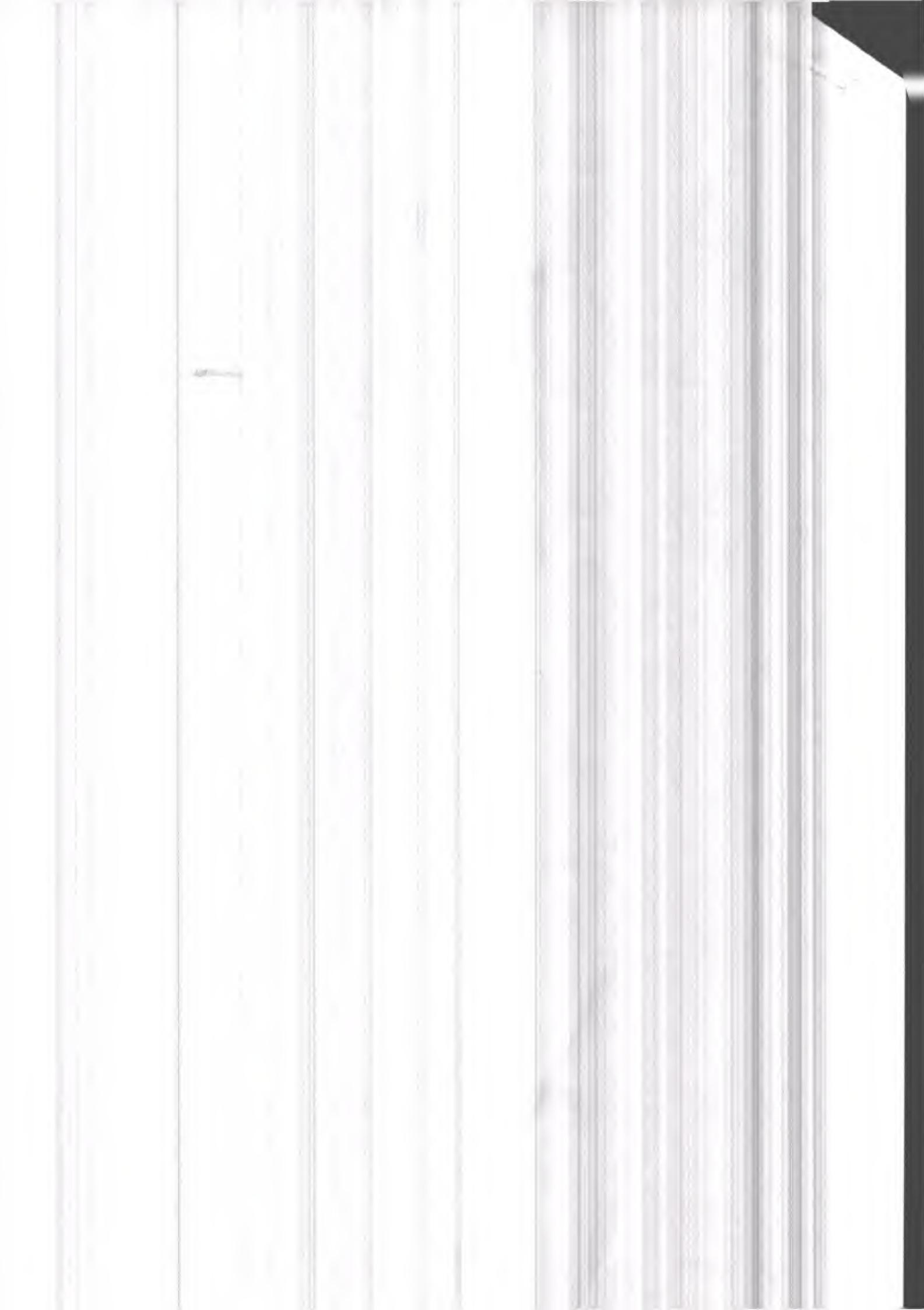
ШИФР	M5 - 77
------	---------

Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

### Данные участника

ID номер участника

1268002



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М.5-77  
(заполняется оргкомитетом)

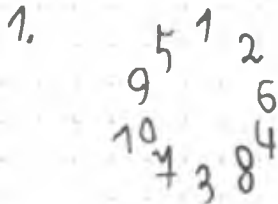
Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	0	0	12											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)



3. Победит Ана потому что если рассмотреть в центр фигуры то можно понять что если Ана начнет ходить с треугольника в центре



то Ана сможет так  
чтобы ей помешать



и если Ана продолжит то у нее получится квадрат

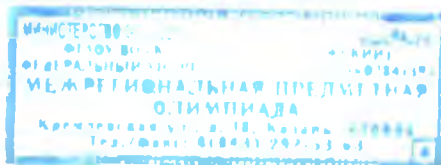


Если  $z = z$  значит что обе монеты  
находятся в одной кучке тогда  
мы берём из первой кучки 2 монеты  
и взвешиваем их если они равны  
то все фальшивые монеты во второй  
кучке, а в первой все монеты  
настоящие и мы взвешиваем  
по одной монете из 1 и 2 кучки.

Если они не равны значит  
в первой кучке фальшивая  
монета и взвешиваем по  
одной монете из первой и  
второй кучки

если  $z > z$  что в первой кучке  
фальшивая монета которая на 1  
грамм больше, а во второй  
фальшивая монета на 1 грамм  
меньше.

Далее мы убираем из  
первой и второй кучки по  
одной монете вот так:



## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

4. зарисуем все фигурки во м макс;

~~7~~ 6:6 6:5 6:4 6:3 6:2 6:1  
 5:5 5:4 5:3 5:2 5:1  
 4:4 4:3 4:2 4:1  
 3:3 3:2 3:1  
 2:2 2:1  
 1:1

Теперь можно увидеть что в  
 верхнем ряду останется как

минимум 6:5 6:4 6:3 6:2 6:1

и это больше чем одна деталька

ответ: нет

5. первым взвешиваем на  
 взвешиваем 3 и 3

$$3 = 3$$

$$3 > 3$$

$$3 < 3$$

Если знак остался такой, то мы удалим еще одну монету вот так:

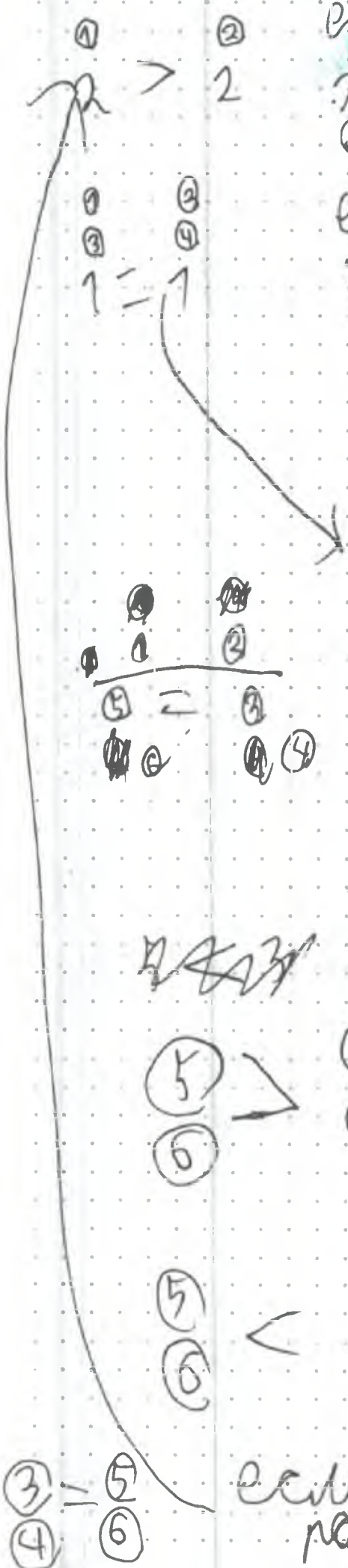
Если они равны то монеты 3 и 4 могут быть фальшивыми но так же может быть монета 1 и 2 ~~на~~ тогда не монеты которые мы взвешивали настоящим. Мы берём эти монеты и взвешиваем с 3 и 4

Если они равны тогда 3 и 4 фальшивые и первая монета меньше,

Если они не равны то знак мы можем определить только если знаем что

4 и 1 фальшивые. Но если знак меньше тогда 3 и 2 фальшивые

Если уже на 2 = 2 они равны то тогда





Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
по « математике », 5 класс,

то слова убираем по одной монете  
из каждой кучки. Если они равны  
то 1 и 2 фальшивые,

Если не равны то 1 и 2 монета  
настоящие берем одну из них

$\textcircled{3} > \textcircled{5}$  1 или 2 и сравниваем  
 $\textcircled{3} < \textcircled{5}$  с 3

$3 = 1$  если равны то 5 и 6  
фальшивые а 3 монета

$3 > 1$  если не равны то  
3 и 4 фальшивые и 3  
настоящие

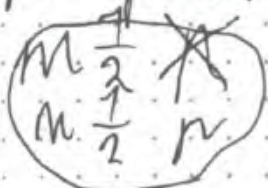
2. Выпишем все условия:

$x - 56 = n$

$56 = n$

$x - 40 = n$

$n = n + 56$



~~знаем что~~  
 ~~$n > n$  значит~~  
~~то~~  
~~знаем всю~~  
~~информацию~~  
 $n > n$  на 56  $n = 96$   
 $n = 40$

значит всего : учеников было : 136



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - *8*

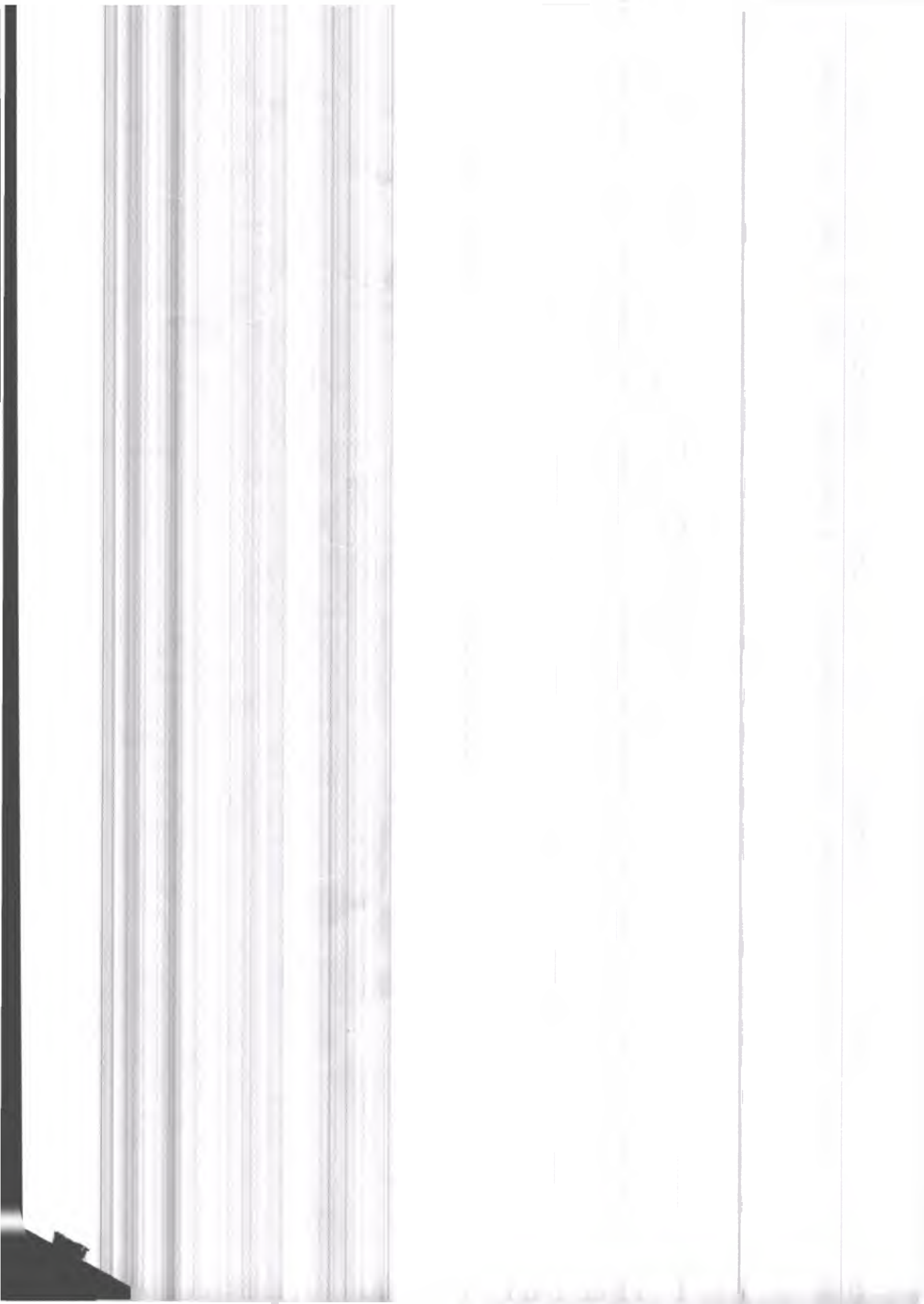


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

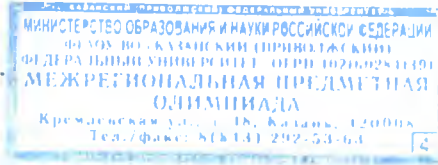
## Данные участника

ID номер участника

1272496



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-8  
(заполняется оргкомитетом)

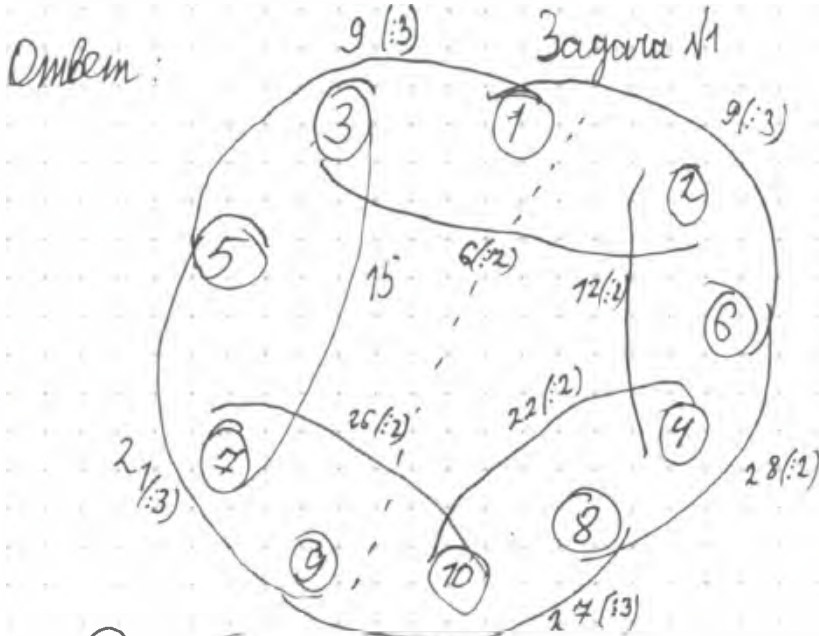
Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	-	20	20	0											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)



Давайте попробуем наш круг чисел разбить на половинки, с одной стороны четные числа, а с другой нечетные, а уже ~~уже~~ здесь у меня есть пример:

Задача №3

Ответ: выигрывает Аня (если Ваня ходит второй), Ваня (если он ходит первым).  
Если Аня ходит первая

1. Давайте посмотрим на нашу фигуру. Она состоит из  $\square$  таких и  $\square$  таких квадратов ну то есть чтобы Аня








## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « Математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

Фоли ВАНЯ

ХОИИ ПЕРВЫЙ

Здесь давайте вернёмся к прошлому пункту. Мы рассматривали центр (  ), а здесь мы тоже будем с отталкиваться от него. Возьмём самым первым ходом нужно заблокировать уголок (  ), чтобы Аня не смогла продолжить свою стратегию. А далее она будет блокировать  её, и ей не удастся его выиграть.

Задача №4

Здесь всё просто. Давайте посчитаем площадь всех ~~квадратов~~ прямоугольников в наборе, и поделим её на квадраты  $6 \times 6$ , чтобы понять, какую дробь мы не сможем использовать или это невозможно. начнём вот так:

мин. сторона 1	мин. сторона 2	мин. сторона 3	мин. стор. 4	мин. стор. 5
$1 \times 1 = 1$	$2 \times 2 = 4$	$3 \times 3 = 9$	$4 \times 4 = 16$	$5 \times 5 = 25$
$1 \times 2 = 2$	$2 \times 3 = 6$	$3 \times 4 = 12$	$4 \times 5 = 20$	$5 \times 6 = 30$
$1 \times 3 = 3$	$2 \times 4 = 8$	$3 \times 5 = 15$	$4 \times 6 = 24$	
$1 \times 4 = 4$	$2 \times 5 = 10$	$3 \times 6 = 18$		
$1 \times 5 = 5$	$2 \times 6 = 12$			
$1 \times 6 = 6$				

$21$        $40$        $54$        $60$        $55$

$100$      $154$      $209$      $230$   
 $40 + 66 + 54 + 55 + 21 + 36 = 266$

мин. с. 6  
 $6 \times 6 = 36$

$$266 : 36 = 7 \text{ (ост. } 14 \text{)}$$

Но это невозможно, ведь фигури с площадью 14 у нас нет

# Задача №5

1.  $\underbrace{000}_1 = \underbrace{000}_2$

0 - монета

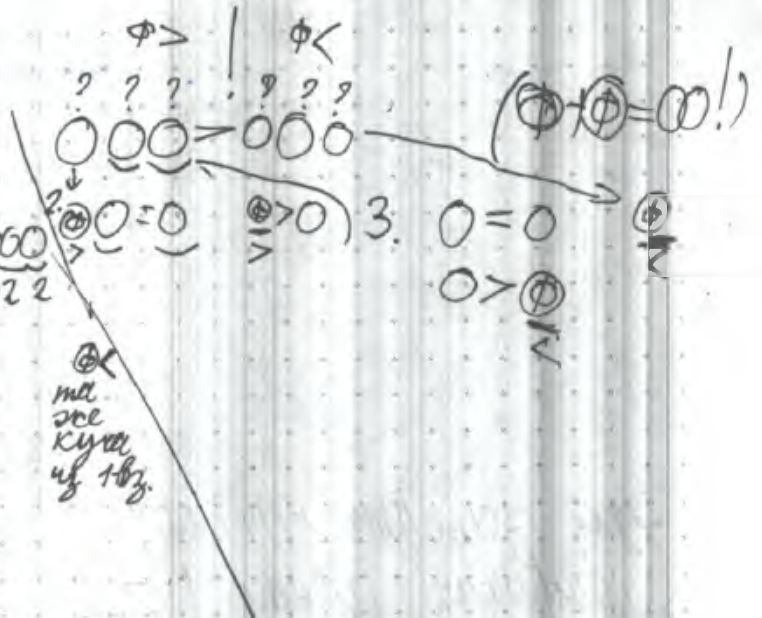
2.  $\underbrace{0}_1 \underbrace{0}_1 = \underbrace{00}_2$

⊕ - факты ЛНН.

3.  $\underbrace{0}_1 > \underbrace{0}_1 \underbrace{0}_2$

$\underbrace{0}_1 < \underbrace{0}_1 \underbrace{0}_2$

ведь  $\underbrace{0}_1 \underbrace{0}_1 = \underbrace{00}_2$ !



(Если вам нужно очень сильно и взвешивание, его можно сделать любым и просто так).



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР	М5 - 13
------	---------



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

---

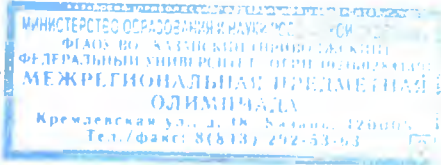
## Данные участника

ID номер участника

1272594



Дата "16" Июня 2026 г.



Шифр

M5-13

(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	20	10	0											50
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

Математика

(профиль олимпиады)

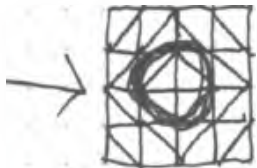
5 класс

(класс участия)

Задача №3

Аня может выиграть в этой игре: самый маленький квадрат который есть на игровом поле состоит из 2 треугольников, а значит равен на 2 хода. Чтобы Аня не выиграла Ване нужно блокировать её ход своим и закрасивать вторую половину квадрата.

Если Аня будет ~~пытаться~~ попытаться закрасить только маленький квадрат то она не сможет выиграть. Но есть 2 квадрата - предпоследний по величине - он находится в самом центре (я обвел его)



Аня может попытаться его закрасить. Квадрат который ей нужно закрасить находится в чуть большем квадрате, который

состоит из 4 маленьких квадратов. В каждом своем ходе она будет закрасивать 1 половину маленького квадрата, а квадрат который ей надо закрасить состоит из 4 таких

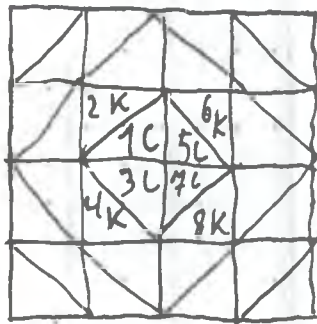
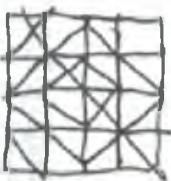
[Signature]

половинку. Тогда она сможет закрасить  
 центральной ей квадрат за 4 хода, и Ваня  
 не сможет ей помешать, ему нужно  
 будет закрасивать 2 половинку  
 маленьких квадратов, чтобы Аня не  
 смогла закрасить <sup>центр</sup> маленький квадрат.

Если Ваня поймет, что Аня хочет  
 закрасить центральный квадрат и попы-  
 тается закрасить одну из его частей, то  
 вместо того чтобы заблокировать Аня  
 ход, то Аня сможет просто закрасить  
 2 половинку маленького квадрата и  
 все равно выиграет:

Ответ: Аня выигрывает в любом случае,  
 как бы не играл Ваня. Пример ходов.

~~1 ход~~ (размер  $2 \times 2$ )

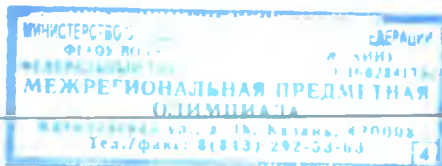


- Самый короткий в центре  
 Аня выиграла.



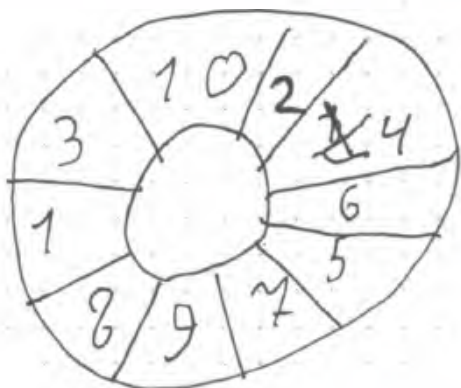
- Допустим Ваня догадается  
 про квадрат в центре и попытает-  
 ся помешать ей 6 ходов.

Аня 4 ходами закрасила  
 2 половинку обведенного квадрата  
 и 8 ходов выиграла.



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ  
по « Математика », 5 класс,  
вариант \_\_\_\_\_

✓ 1



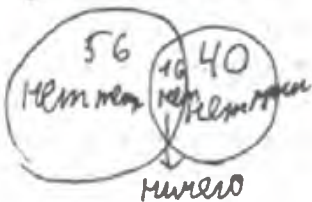
- $3 + 10 + 2 = 15 \quad (15 : 3 = 5)$
- $10 + 2 + 4 = 16 \quad (16 : 4 = 4)$
- $2 + 4 + 6 = 12 \quad (12 : 4 = 3)$
- $4 + 6 + 5 = 15 \quad (15 : 3 = 5)$
- $6 + 5 + 7 = 18 \quad (18 : 3 = 6)$
- $5 + 7 + 9 = 21 \quad (21 : 3 = 7)$
- $7 + 9 + 8 = 24 \quad (24 : 3 = 8)$
- $9 + 8 + 1 = 18 \quad (18 : 3 = 6)$
- $8 + 1 + 3 = 12 \quad (12 : 4 = 3)$
- $1 + 3 + 10 = 14 \quad (14 : 7 = 2)$

+

✓ 2

Пусть X - без ручки

- X - 40 - нет ручки
- X - 40 - нет тетради, есть ручка
- 56 - нет тетради
- X - 56 - есть тетрадь
- X - всего детей.
- $56 - 40 = 16$  (2) - нет ни тетради, ни ручки



$56 - 16 = 40$  (г.) - есть ручка, нет монеты

~~$40 - 10 = 30$  (г.) - есть монета, нет ручки~~

у 40 детей есть ручка

у 40 детей нет ручки

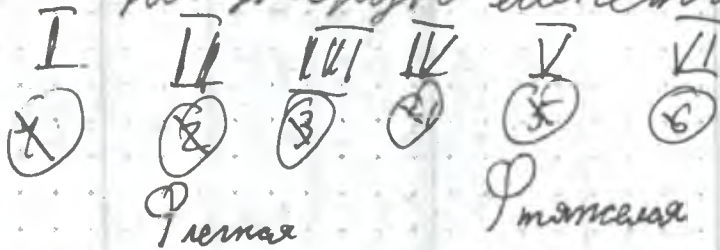
$40 + 40 = 80$  (дет.) - всего

Ответ: 80 детей

н. 5.

Если обе монеты на весы равны  
то я откладывает их в сторону  
и можно знать что они настоящие.

Я пронумерую монеты от 1 до 6



допустил, что монета II фальшивая  
легкая, а монета IV фальшивая  
тяжелая.

1. Взвешиваем и сравниваем монеты

I и II - монета I оказалась тяжелее.

значит фальшивый может они быть

обе. Проверю это II и III взвешиваем

монеты II и III - монета II оказалась

легче опять. Монета которая тяжелее

обычной монеты быть только 1 - значит

монета II фальшивая.

## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по «Математике», 5 класс,

Продолжаю взвешивать детали. Сравню монеты III и IV монеты оказались равны значит они настоящие. Если же точно знаю что монета ч. точно настоящая, то я могу сравнить её с другими монетами и взвешивание: сравню монеты IV и V, монета V оказалась тяжелее значит она фальшивая поскольку осталась только 1 фальшивая монета.

✓✓

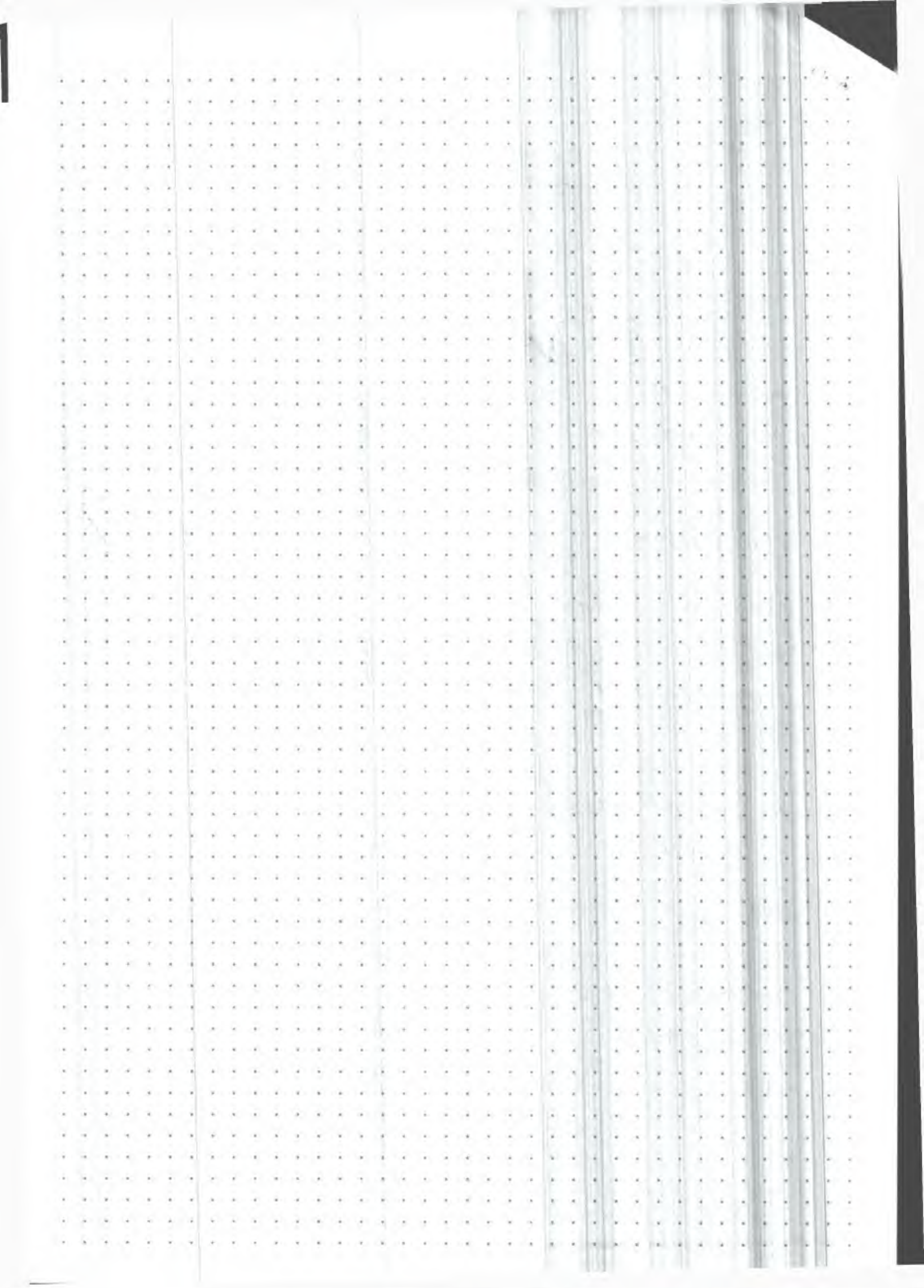
Всего в наборе монет быть максимум 21 деталь.

Всего все детали займуют 266 клеток  
 ~~$266 : 6 = 44 \text{ (ост. 2)} - 2 \rightarrow 1$~~

~~Ответ: может быть 46 но, что останется~~

$266 : (6 \cdot 6) = 266 : 12 = 22 \text{ (квадратов)}$  - можно составить  
 $|14 \text{ ост}|$  - деталей останется

Ответ: такое что останется никак ровно 1 деталь быть не может.  $14 > 1$ .





# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

## участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 24



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

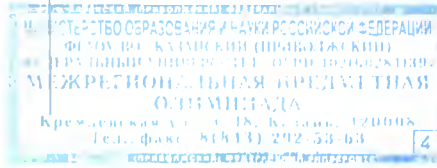
### Данные участника

ID номер участника

1273459



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-24  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	0	10	20	10											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

№1

Ответ: 1, 2, 7, 6, 5, 4, 3, 8, 10, 9



1	2	3	4	5
20	0	10	20	10

№2

56 чел - без мет.  
40 чел. - без руч.  
40 чел. - без мет., но с руч.  
 $\frac{1}{2}$  (от чел. с мет.) - без руч.  
? чел - всего

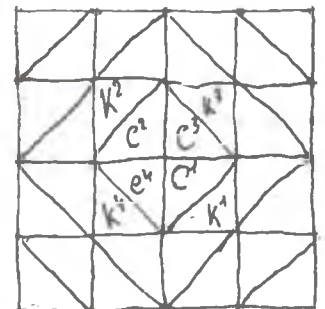
$56 - 40 = 16$  (чел.) - без руч. и мет.  
 $40 - 16 = 24$  (чел.) - без руч., но с мет.  
 $24 \cdot 2 = 48$  (чел.) - с тетрадкой  
 $48 + 56 = 104$  (чел.)

Ответ: 104 человека пришло на олимпиаду

№3

Если  считается квадратом

то дья победит, если нет - проиграет  
(с-синий, к-красный)



№4

1x1, 1x2, 1x3, 1x4, 1x5, 1x6

2x2, 2x3, 2x4, 2x5, 2x6

3x3, 3x4, 3x5, 3x6

4x4, 4x5, 4x6

5x5, 5x6

6x6

Ответ: нельзя

$$21 + 40 + 54 + 60 + 58 + 36 = 266$$

$$\begin{array}{r|l} 266 & 36 \\ \hline 252 & 14 \text{ (ост. 14)} \\ \hline 14 & \end{array}$$

$$\mathbb{D}(14) = \{1, 2, 7, 14\}$$

$$14 = 2 \cdot 7, 14 \cdot 1$$

№5

○ ○ ○ ○ ○ ○  
1 2 3 4 5 6

(зеркально)  $\frac{1}{1 \cdot 2} > \frac{2}{1} = \frac{2}{1} < \frac{2}{\cancel{1}}$  (зеркально ~~1 < 2~~)

$\frac{1}{1} > \frac{3}{4} = \frac{3}{4}$

$\frac{2}{5} = \frac{3}{4}$

$2 > \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$

$\frac{5}{6} > \frac{6}{5} = \frac{6}{5}$  (1-франки)  $\frac{5}{5} = \frac{6}{6}$  (2-франки)  $\frac{5}{5} > \frac{6}{5} < \frac{6}{5}$  (1-франки)  $\frac{5}{5} > \frac{6}{5} = \frac{6}{5} < \frac{6}{5}$  (2-франки)  $\frac{5}{5} < \frac{6}{5} > \frac{6}{5} = \frac{6}{5}$  (1-франки)

ответ: 6,1

ответ: 1,4, 1 > 4/2, 4/2 < 4

ответ: 5,6, 5 > 6/5 < 6

ответ: 4,2, 2 > 4/2, 6 < 2/2, 5 < 2

ответ: 1,6, 6 > 1/6, 5 > 1/5, 4 > 1/4

не все варианты

не все варианты  
если 1-летние и 2-летние



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОБАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 96

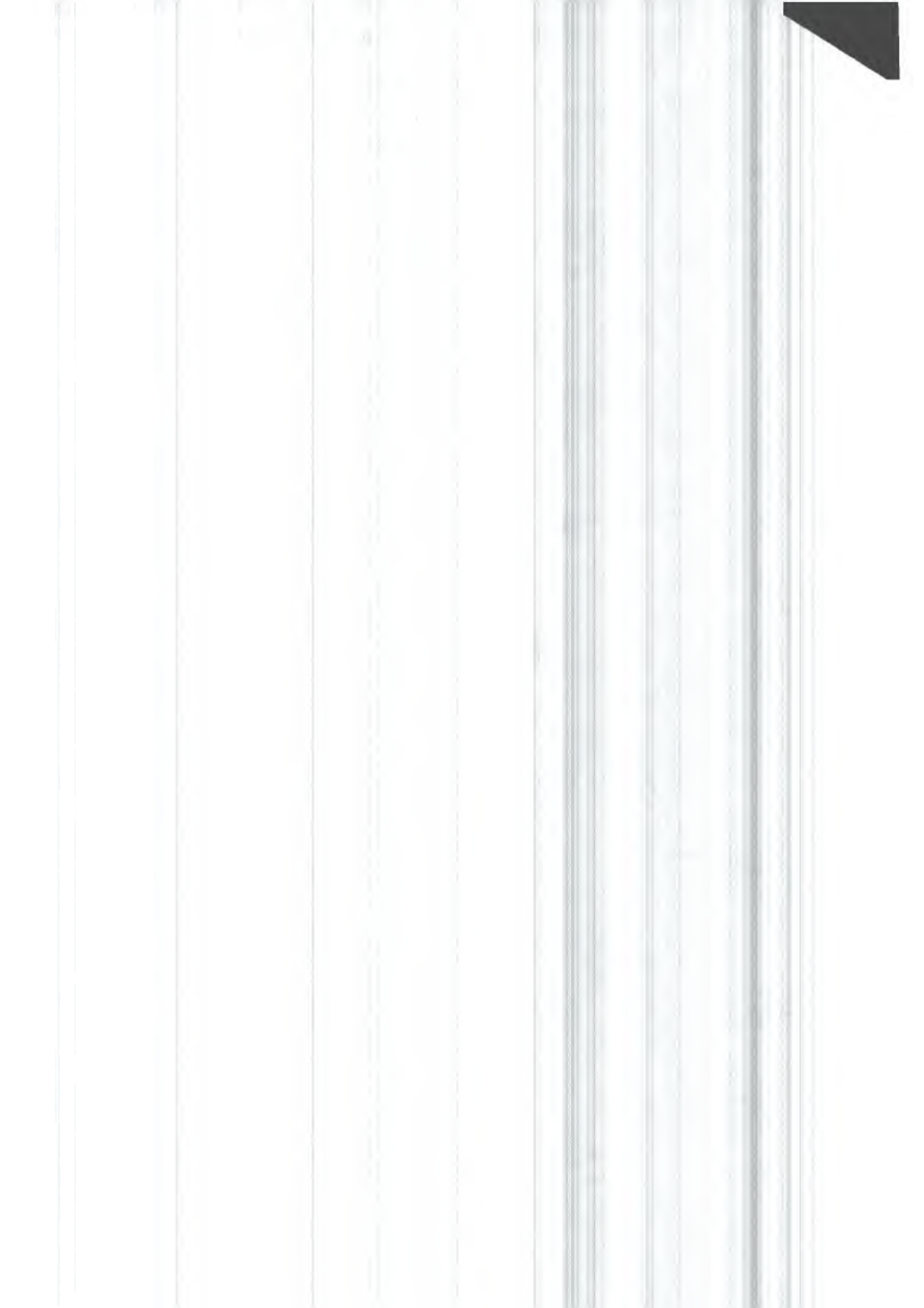


Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

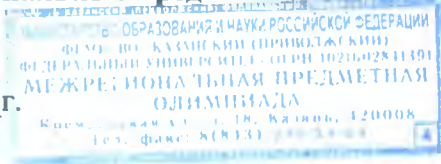
## Данные участника

ID номер участника

1274406



Дата "16" января 2016 г.



Шифр М5-96  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)	
Балл	20	0	20	20	2												62
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30		
Балл																	

математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

1. ~~70 не уместно. Ставить 2.~~



3. Аня: если она ходит так:

то Ваня уместно закрывает тут,

тогда, аня:

и Ваня закрывает здесь, а

Аня проигрывает, а Ваня выигрывает.

Если Ваня первым ходит, Ваня закрывает центральный квадрат, то Аня ходит так:

и побеждает.

Но если первым ходит Ваня, то в 1м ходу он закрывает центральный квадрат, а дальше

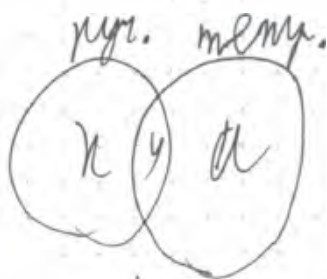


## Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

3.



$$b + x = 56$$

$$x + y = 40$$

$$b = y + 16$$

$$a + b = x$$

$$(y + a) : 2 = a$$

$$a = y$$

$$b + b + a = 56$$

$$2y + 32 + y = 24$$

$$y = 8$$

$$a = 8$$

$$40 - 8 = 32$$

$$56 - 32 = 24$$

$$8 + 8 + 32 + 24 = 72 \text{ реберки}$$

всего.

4.

~~классовый коллектив~~ <sup>всех</sup> ~~классов~~

~~$$1 + 2 + 3 + \dots + 36 = 447$$~~

~~$$447 : 36 = 73 \text{ (ост } 3)$$~~

~~36 = 7 квадрат~~

4.

~~длина стороны~~ ~~и стороны~~

рассчитаем все клетки

~~$$1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 36 =$$~~

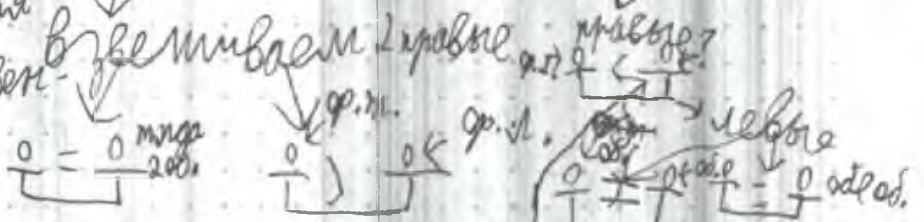
$$1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 3 + 1 \cdot 4 + 1 \cdot 5 + 1 \cdot 6 + 1 \cdot 7 + 1 \cdot 8 + 2 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 2 \cdot 4 + 2 \cdot 5 + 2 \cdot 6 +$$

$$3 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + 3 \cdot 6 + 4 \cdot 4 + 4 \cdot 5 + 4 \cdot 6 + 5 \cdot 5 + 5 \cdot 6 + 6 \cdot 6 = 268$$

если брать отбирать по формуле  $256:36=7$  (окмт) по ут  
 нет 2-х измерений не могу  
 ответ: не могу

5. Введем по 2 переменные  $\frac{00}{00} \cdot \frac{00}{00}$

Ф. л. - определяющая  
 Ф. м. - факторная  
 Ф. н. - факторная  
 Ф. о. - обыкновенная



наша группа максим

и отбираем 2 неубывающие  $\frac{0^k}{0^k} > \frac{0^k}{0^k}$   
 введем по 2 переменные  $\frac{0^k}{0^k}$  и  $\frac{0^k}{0^k}$



# ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



(заполняется организатором)



ШИФР	M5 - 78
------	---------

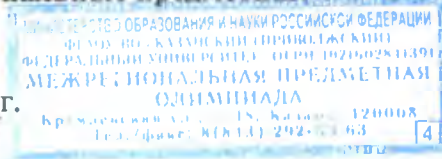
Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

## Данные участника

ID номер участника

1282083





Дата "16" января 2016 г.

Шифр 45-78  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	20	20	20	20											100
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	71
Балл																

Математика  
(профиль олимпиады)

5 класс  
(класс участия)

№1

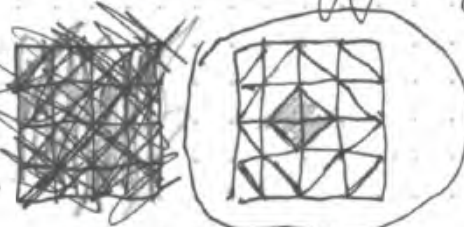
10 9 1 2  
8  
7 3  
6 5 4

№3

Если Аня будет ходит  
первой она сможет выиг-  
рать, потому что на доске  
есть 16 квадратов 1x1. После

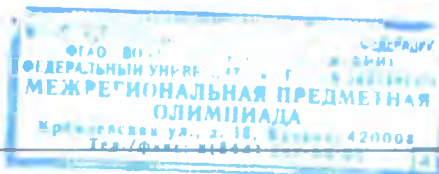
хода Ани, Витя должен закрасивать вторую  
половину квадрата 1x1, чтобы следующий ходом  
его не закрасила Аня.

Платоник Ани по сере-  
ди закрасивает отмече-  
ные треугольнички, а Витя ~~будет играть~~ если  
их закрасит, то проигрывает. В конце у Ани будет  
обязательно квадрат 1x1 или центральный  
отверстной квадрат.



*Аня*





Межрегиональная предметная олимпиада КФУ

по « математике », 5 класс,

вариант \_\_\_\_\_

№21 ~~есть~~ есть 4 типа учеников.  
 Т - есть тетрадь, Т - нет тетради.  
 Р - есть ручка, Р - нет ручки.

(ТР; ~~Т~~Р; ~~Т~~~~Р~~; Т~~Р~~)

$$\begin{matrix} y \{ \text{ТР} \\ \text{Т} \text{Р} \} x \\ \text{Т} \text{Р} \} x \\ y \{ \text{Т} \text{Р} \} x \end{matrix} \left. \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\} \begin{matrix} 40 \\ 56 \\ x \end{matrix}$$

$$\begin{aligned} x + y &= 40 \\ x + x - y &= 56 \end{aligned}$$

$$(x + y) + (x + x - y) = 40 + 56$$

$$3x = 96$$

$$x = 32$$

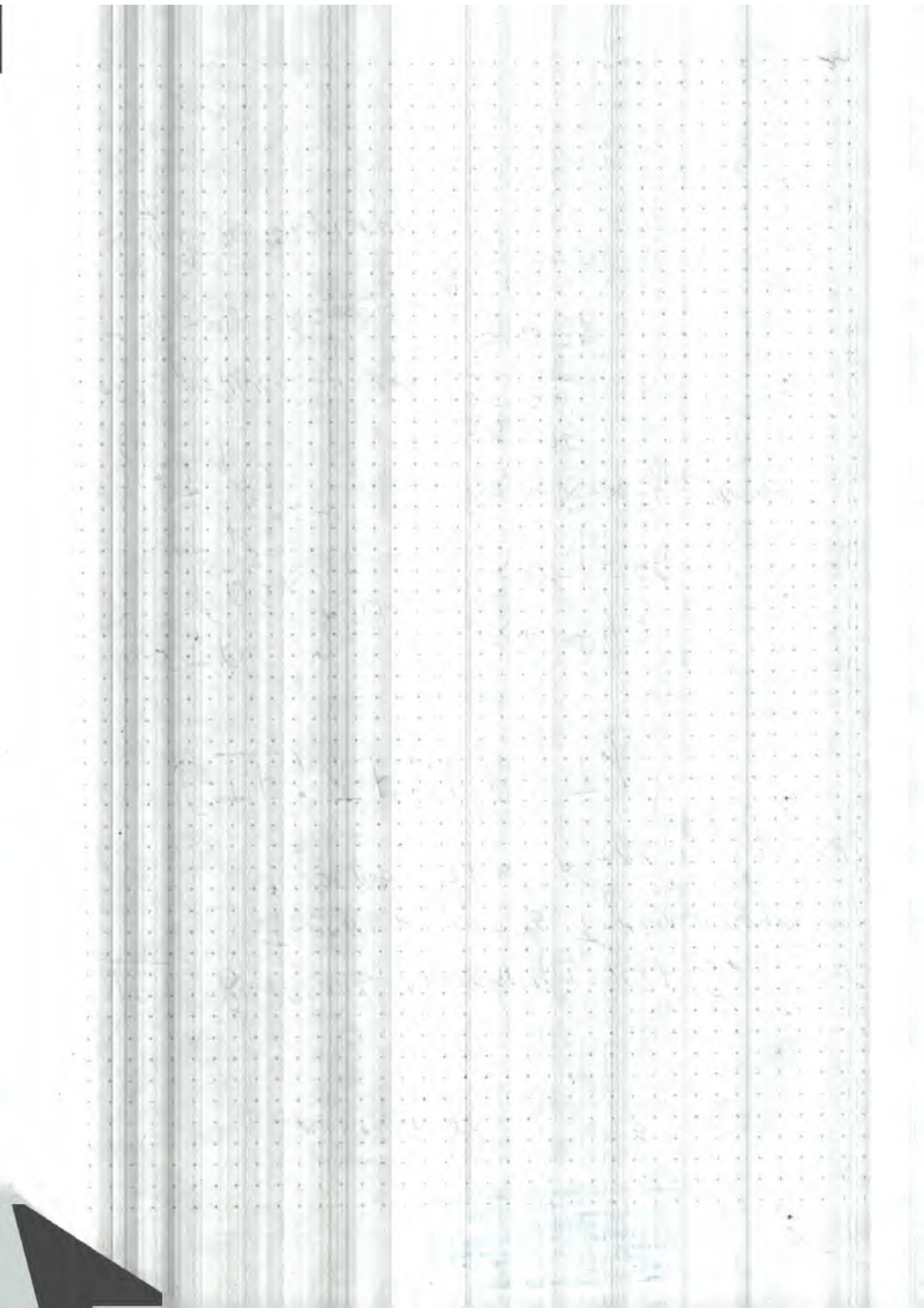
$$y = 40 - 32$$

$$y = 8$$

всего учеников =  $y + x + x =$

$$= 32 + 32 + 8 = \underline{72}$$

Ответ: 72 ученика.





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА участника Олимпиады



**алабуга**

ОСОВАЯ  
ЭКОНОМИЧЕСКАЯ  
ЗОНА

(заполняется организатором)

ШИФР

М5 - 12



Межрегиональная предметная олимпиада КФУ по математике для 5 классов,  
заключительный этап, 2025-2026 учебный год

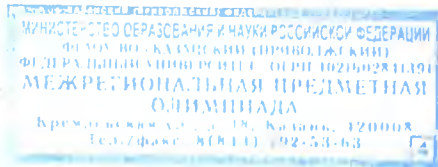
### Данные участника

ID номер участника

1282098



Дата "16" января 2026 г.



Шифр М5-12  
(заполняется оргкомитетом)

Оценка работы

(таблица заполняется по итогам проверки работы членами жюри олимпиады)

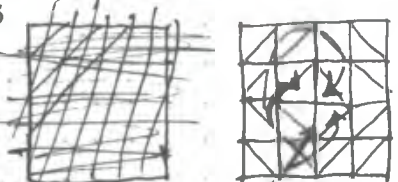

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	Итого (итоговый балл, подпись председателя жюри)
Балл	20	18	20	20	—											
№ задания	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
Балл																

математика  
(профиль олимпиады)

5-ый класс  
(класс участия)

№1  

$$\begin{array}{r} 10 \\ 987 \\ \hline 324 \\ 65 \\ \hline + \end{array}$$

№3  
 Ответ: Аня  
 Если Аня ходит первой,  
 Выиграет Аня потому что она может красить вот эти  
  
 4 центральных треугольника  
 подряд и тогда Ваня обязательно должен будет закрасивать  
 треугольники под номером  
 чтобы Аня не сделала квадрат 1x1 вот тут). Если Ва-  


№4  
 Если подсчитать всю сумму фишек образую- щих детали:

$$\begin{aligned} &1 \times 1 + 1 \times 2 + 1 \times 3 + 1 \times 4 + 1 \times 5 + 1 \times 6 \\ &2 \times 2 + 2 \times 3 + 2 \times 4 + 2 \times 5 + 2 \times 6 \\ &3 \times 3 + 3 \times 4 + 3 \times 5 + 3 \times 6 \\ &4 \times 4 + 4 \times 5 + 4 \times 6 \\ &5 \times 5 + 5 \times 6 \\ &6 \times 6 \end{aligned}$$

$$21 + 40 + 54 + 60 + 55 + 36 = 266$$
  
 Если он составил квадрат 6x6 то общее кол-во клеток

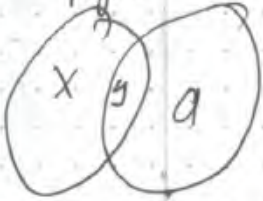
должно быть кратно  $36 = 6 \times 6$ .

$$266 : 36 = 7 \text{ (ост. } 14)$$

и если у него осталось 1 деталь то ост. при делении на 36 должен быть равен ее  $\$$  площади. Но ~~это делители~~ ~~14 с которыми мож~~ у 14 нет 2 делителей меньших 4 которые в произведение дают 14. Значит невозможно.

Ответ: невозможно.

№2 рур. метр.



b - ничего не приреси.

$$b + x = 56 \quad (1)$$

$$x + y = 40 \quad (2)$$

$$b + y + (56 - 40) \quad (1) - (2)$$

$$a + b = x \quad (3)$$

$$(y + a) : 2 = a$$

$$y = a \quad (4)$$

$$2b + a = 56 \quad (1) + (3)$$

$$2y + 32 + y = 24 \quad (2) + (3)$$

$$y = 8$$

$$a = 8$$

$$4a - 8 = 32$$

$$56 - 32 = 24$$

$$8 + 8 + 32 + 24 = 72$$

Отв: 72 человека.

№5